مراحل تطور الرميز في الأنساق النطقية

دكتورة نهلة محمل مصطفى عوكل مدرس بكلية الآداب جامعة بنى سويف

مراحل تطور الرمز في الأنساق المنطقية

د . نهلة محمد مصطفى عوكل مدرس بكلية الآداب مدرس بكلية الآداب جامعة بني سويف

يسم الله الرحمن الرحيم

الوقل رب زدنرعلما ال

صدق الله العظيم سورة طه من الآية (١١١) الكتاب: مراحل تطور الرمز في الأنساق المنطقية. المؤلف: د. نهله محمد مصطفى عوكل. رقم الإيداع: ٢٠٠٩/١٣٩٠٨ م. الناشر: مكتبة الجامعة للطباعة والنشر و الخدمات العلمية. المركز الرئيسي / بني سويف – شارع صلاح سالم ت / ١٢/٩٩١٤٨٢١،

يعتبر المنطق بحق أساس الطوم الأخرى وذلك على الأقل لأننا في كل عملية برهان إنما نستخدم أفكارا مستمدة من مجال المنطق ولأن كل الستدلال صحيح إنما يسير وفقا لقوانين ذلك العلم "المنطق" ، أجد أن معرفة قوانينه ذات أهمية تطبيقية كبيرة بالنسبة لكل من يرغب في التفكير السايم أو من يرغب في أن يستدل بطريقة سليمة حيث أن المنطق يجنبنا الوقوع في الخطأ.

ولعلى أبرز ما ساعد المنطق على التطور هو اللغة المنطقية الرمزية، وهي لغة مصطنعة وضعها علماء المنطق اتحقيق أغراضه أساسا، ويطلق على هذه اللغة أسم (الرموز المنطقية) ولهذه اللغة أهمية كبرى في صدياغة مبادئ المنطق وحُججه، ولكنها عديمة الأهمية في الحياة اليومية وهذه اللغة قادرة على الوفاء بأغراض التعبير الدقيق عن الأفكار والمفاهيم، حيث تعجز اللغة العادية عن ذلك، مما يؤدى إلى أخطاء منطقية وفلسفية خطيرة، وبعبارة أخرى، فإن اللغة المنطقية الرمزية هي قوة تعبيرية في المسائل التي تحتاج إلى دقة و لا يمكن التماسها في اللغات الطبيعية. وفضلا عن ذلك كلمه فان اللغة المنطقية الرمزية تساعد على اكتشاف قوانينه وصياغتها بمشكل سليم اللغة المنطقية الرمزية تساعد على اكتشاف قوانينه وصياغتها بمشكل سليم ومحكم، وتزيد من القدرة على ممارسة التغكير المنطقي(1).

وللرمز المنطقي أهمية كبيرة من وجهة نظر الاقتصاد في الفكر حتى إذا كنا بصدد البراهين الرياضية . إذ يجعل الرمز هذه البراهين أكثر بساطة ووضوح

^() د. رشید محمد الحاج صالح علاقة المنطق بالریاضیات عند رسل "حساب الفنات " نموذجاً ،مجلة جامعة تشرین للدراسات والبحوث العلمیة سلسلة الآداب والعلوم الإنسانیة ،المجلد ۲۷ ،العدد (۱) ۱۴۱

وإذ ما حاول المنطقي القيام بهذه البراهين بدون الاستعانة بالرموز لواجهت صعوبات بالغة، كما يمكننا من أن نضيف البرهان بعض المتغيرات وأن نبحت كل الاحتمالات مما يمكن المنطقي من تطوير منهجه وحل كل المشكلات التي يمكن أن يصادفها بسهولة ويسر.

وعلى ذلك يمكنني القول بأن الكشف عن هذه الرموز إنما يـشكل نقطـة تحول حاسمة في نشأة وتطور علم المنطق ، فلقد استطاع أرسطو بهذه الرموز أن يحدد قواعده وقوانينه ويحدد أسسه المنطقية .

أهداف البحث:

يهدف هذا البحث إلى توضيح دور الرمز المنطقي في نشأة وتطور المنطق بشكل عام و المنطق الرمزي الحديث على وجه الخصوص ،بالإضافة إلى القساء الضوء على حركة تطور الرمز التي واكبت تطور المنطق .

فروض البحث:

يحاول البحث الإجابة على التساؤلات التالية : ما هي فائدة الرمز المنطقي ؟ هل كان للرمز المنطقي دور في نشأة علم المنطق ؟ أم لا.

هل يعد الرمز المنطقي أحد الدعامات الأساسية لتطور هذا العلم ؟ أم لا . في أي فترة زمنية شهد الرمز المنطقي تطوراً كبيراً ؟ وهل يعد هذا التطور صدى لمحاولة دمج المنطق ببعض العلوم الأخرى مثل الرياضيات وبإدخال رموزها الخاصة في مجال علم المنطق ؟أم لا.

حدود البحث :

سوف تقتصر الباحثة على إلقاء الضوء على اللغة الرمزية التي تناولها علماء المنطق في أثناء بحثهم في النظريات المنطقية . دون اللجوء إلى عرض نظرياتهم. كما أنني لن أتعرض لكل من ألف في علم المنطق بل سأقصر بحثي على كل من حاول تطوير النسق المنطقي بإدخال بعض التعديلات أو الإضافات على الرموز المنطقية الخاصة بذلك النسق .

منهج البحث:

أما عن المنهج المستخدم في إعداد البحث فهو المنهج التاريخي التحليلي النقدي المقارن وذلك لكوني سأقوم بدراسة تاريخية لتطور الرمز المنطقي منذ نشأة علم المنطق لدى مؤسسه أرسطو وحتى وقتنا هذا ،مع تحليل هذه الأفكار ومقارنة المصطلح الرمزي المنطقي عند المناطقة القدامي والمحدثين ،وستتم الدراسة في ضوء نظرة نقدية لكل الآراء المعروضية.

خطة البحث:

لقد قسمت البحث إلى مدخل وثلاثة مباحث وخاتمة.

أما عن المقدمة فقد تعرضت فيها بالدراسة لطبيعة الموضوع وأهميته وأهدافه وفروض البحث.

أما المبحث الأول وعنوانه: الرمز في المنطق التقليدي .فقد تناولت فيه بالدراسة أولاً: الرمز المنطقى عند أرسطو وتلاميذه .

ثانياً:الرمز المنطقى عند الميغارية والرواقية .

ثالثاً: الرمز المنطقى في العصور الوسطى.

أما المبحث الثاني وعنوانه الرمز المنطقي من ليبنتز حتى فريجة. فقد تناولت فيه بالدراسة : أولاً : الرمز المنطقي عند كل من ليبنتز وجورج بول.

ثانياً: الرمز المنطقى عند بيانو.

تَالثاً: الرمز المنطقى عند فريجة .

أما المبحث الثالث وعنوانه: الرمز المنطقي بعد فريجة . فقد تناولت فيه بالدراسة: أولاً: الرمز المنطقي عند أصحاب البرنكبيا . ثانياً: الرمز المنطقي عند لويس. ثالثاً: الرمز المنطقي عند لوكاشيفتش. رابعاً: الرمز المنطقي عند هلبرت.

خامساً:الرمز المنطقي عند كل من بوركوفسكي و تشيرش:

ولقد أعقبت البحث بخاتمة دونت فيها أهم النتائج .بالإضافة لقائمة المصادر والمراجع الني استخدمت في إعداد البحث.

المبحث الأول الرمز في المنطق التقليدي

تمهيد :

بعبر علم المنطق من أهم العلوم التي أضافها أرسطو ولم تكن معروفة المنطق وتعتبر كنبه فاتحة قوية لعلم جديد نمي وازدهر منذ أن وضعه وحتى وقتنا هذا (2) إلا أن معظم نظريات أرسطو المنطقية توجد لها أصول لدى السابقين عليه، فلقد أقامت المدرسة الفيثاغورية براهينها في مجال الهندسة وفق نسق منطقي يبدأ من قصايا أولية صادقة وغير قابلة للبرهان، ثم ينتقلوا من هذه المقدمات إلى نتائج صادقة (3) وينسب للمدرسة الفيثاغورية العديد من البراهين الهندسية منها :أن زوايا المثلث الداخلية = قائمتين . كذا إن زوايا الشكل متعدد الأضلاع = ٢س - ٤ زوايا الداخلية أكثم بارمنيدس بعرض آراءه الفلسفية مدعمة باستبدلالات وبسراهين منطقية تثبتها وتدعم صدقها ويقينها (5) ،إذ يستدل من معنى الوجود صفاته وهي أنه منطقية تثبتها وتدعم صدقها ويقينها (5) ،إذ يستدل من معنى الوجود صفاته وهي أنه بالنسبة للوجود ومن ثم يثبت كون الوجود ثابت (6).

ولقد صار أفلاطون على نفس منهج المدرسة الايلية ،وقدم آراءه مدعمة بأدلة وبراهين تثبت صحتها ،فنراه يقدم أكثر من حجة على أثبات خلود النفس :مثل قوله إن الطفل يولد ولديه بعض المعارف أو البديهيات العقلية مثل : الكل أعظم من الجزء ..ألخ ومن ثم فالمعرفة هي تذكر وعلى ذلك فلابد وأن تكون النفس قد عاشت قبل ميلادها ،أي حصلت عليها قبل مجيئها إلى هذا العالم ومن ثم فالنفس

Richard Mcheon: Introduction to Aristotle, the Modern library. New York, 1947, P 9:10. (2)

^(3) د . محمد چلوب فرحان : تحليل أرسطو للعلم البر هاتي ، دار الحرية تلطباعة ، بغداد ، ١٩٨٣م ، ص ٢١ .

^{(&}quot;) د محمد فتحي عبد الله : المدرسة للفيثاغورية مصادرها ونظرياتها ، مركز دلتا للطياعة ، الإسكندرية ، ١٨٩١م ، ص٥١

Fredrick Copestone: A. history of Philosophy, VOL.1, Greek and Rame, Search Press, (5)
London, 1970, p 50

E. W. F. Tomlin: The Greek Philosophy, the Western World, sheffington and son (6)
Ltd, London, 1976, p 27

خالدة (7). كما ينسب لجورجياس بداية صياغة القضايا في أسلوب جديد هو صيغة الاحتمال والإمكان ، فلقد أهتم بالاستدلالات المنطقية ذات الجهة الممكنة والمحتملة أكثر من اهتمامه بالحقيقة المضرورية غير القابلة للشك(8).

إلا أن كل هذه الأنواع من الاقيسة التي وردت لدى الفلاسفة السابقين ليست سوى استدلالات جاءت منتشرة في ثنايا نسقهم الفلسفي، قدموها لمحاولة البرهنة على آرائهم الفلسفية ،ولم تشهد هذه الاقيسة اهتماما مستقلاً من جانبهم ، إذ لم يقدموا نظرية كاملة عن القياس تركيبه ،طبيعة مقدماته ،شروط صحته، أشكاله ،وضروبه المنتجة،فكل ما وجد لديهم ليس أكثر من صيغ استدلالية تحمل تركيباً معيناً،ولذا فأرسطو هو صاحب أول صياغة منطقية لنظرية القياس والمنطق عموماً.

أولاً - الرمز المنطقى عند أرسطو:

عرف أرسطو القياس بأنه: قول إذا وضعت فيه أشياء أكثر من واحد لزم عنها بذاتها شيء ما آخر بالضرورة، لوجود تلك الأشياء الموضوعة بذاتها في المقدمات التي ألف منها القياس "(9) ويدل هذا التعريف على أن القياس مكون من جزأين يلزم ثانيهما بالضرورة عن أولهما الجزء الأول هو مقدمات القياس أما الثاني فهو نتيجته واقد لاحظ بعض الباحثين أن هذا التعريف واسع إلى حد بعيد حيث لم يحدد فيه أرسطو عدد المقدمات وكذلك لم يحدد نوع العلاقة التي تربط بين موضوع ومحمول قضاياه (10).

لذلك يقول "نيل ": أن الصبيغة التي يستخدمها أرسطو واسعة بدرجة كافية لتغطى أي برهان نستنتج فيه نتيجة من مقدمتين أو أكثر (11). وعلى هذا تذهب

^{(&}lt;sup>7</sup>) أفلاطون : فيدون ، ترجمة وتقديم: د. عزت قرئي ، مكتبة الحرية الحديثة ،الطبعة الثانية ، القاهرة ، ۱۹۹۹م ، في ۱۹۳۰ (⁸) أفلاطون : محاورة منكسينوس ، ترجمة وتقديم: د. عبد الله المسلمي ، منشورات الجامعة الليبية ،الطبعة الأولى ، طرابلس ،۱۹۷۲ م ، ص ۹۸ مقدمة "

^{(&}lt;sup>9</sup>) أرسطو: التحليلات الأولى ، تحقيق : د. عبد الرحمن بدوى ضمن منطق أرسطو الجزء الأول . الهيئة العامة للكتاب ، القاهرة، ١٩٤٨ م ، ص ١٠٨

⁽¹⁰⁾ H. W. B Joseph: An introduction to logic, oxford. University press, London 1948, P 24. (11) W Kneal & M Kneal: the development of logic, Oxford University Press, 1984, P. 67.

سوزان استنبنج إلى أن القياس يعد شكلا من اللزوم الذي يربط بين قضيتين يلزم عنهما قضية ثالثة . المقدمتين تشكل مقدم اللزوم و النتيجة تشكل التالي (12).

ولقد نظر أرسطو للقياس السليم باعتباره الهدف الذي يسعى إلى تحقيقه ولذا أهتم بدر اسة كل مكونات القياس من حدود ،قضايا ، استدلال مباشر ،حتى يصل إلى تأسيس نظرية سليمة في القياس المنطقي.

• تصنيفات القضايا المنطقية لدى أرسطو:

قسم أرسطو القضايا تبعاً الختلف الرابطة التي تحكم العلاقة بين حديها الى قسمين هما:

١- القضية الحملية:

هي تلك التي تعبر عن علاقة حمل أو تضمن ، أو نسبة بين حدودها ، ورابطتها هي "فعل الكينونة"، والتي قدم لها أكثر من تصنيف بحسب كم وكيف موضوعها.

٢- القضية الشرطية:

هي تعليق شيء بشيء ، بحيث إذا وجد الأول وجد الثاني ، وقيل الشرط ما يتوقف عليه وجود الشيء ، ويكون خارجاً عن ماهيته ، والقضية الشرطية عسادة ما تكون قضية مركبة من قضيتين إحداهما مقدم، و الأخرى تالي ، وهي قسمان ، متصلة ، ومنفصلة (13).

أـ القضية الشرطية المتصلة:

هي تلك القضية التي يحكم فيها بالارتباط بين قضية وأخري علي أساس أن إحداهما شرط للثانية ، ويسمي القسم الأول مقدم الشرط ، والثاني تالي المشرط أو اللزوم . ورابطتها : إذا كان .. فإذا ... (14) ومن شروط صدق القضايا الشرطية المتصلة كونها تصدق في حالة صدق مقدمها مع عدم كذب تاليها، أي أن صدق

⁽¹²⁾ L. S Stabbing: A modern introduction to logic Methuen Co, London, 1943, P 81.

1917، البير نصري نادر: المنطق الصوري، منشورات مكتبة العرفان ،الطبعة الأولى، بيروت، ١٩١٦ من ١٩٠٠.

⁽¹⁴⁾ محمد عابد الجابري: تطور الفكر الرياضي والعقلانية المعاصرة، الجزء الأول ، دار الطليعة، بيروت، ١٢٢.

المقدم يتبع صدق التالي ، أما كذب التالي فيترتب عليه كندب المقدم ، وليس العكس.

ب ـ القضية الشرطية المنفصلة:

هي قضية مؤلفة من قضيتين حمليتين بينهما علاقة عناد أو تناقض ، ورابطتها : إما .. أو .. ، وتصدق في حالة صدق أحد طرفيها وتكذب في ما دون ذلك.

٣- تصنيف القضايا بحسب الجهة الزمنية:

قدم أرسطو في كتاب العبارة تصنيف للقضايا بحسب قسمت الأزمان فقال : إن الحكم البسيط هو بمنزلة لفظ يدل علي أن شيء ما موجود أو غير موجود ، على حسب قسمة الأزمان (15).

ولذا قيجب علينا أن نوضح هل المحمول موجود للموضوع في الزمن الماضي ، أم المستقبل ، أو أن المحمول موجود للموضوع بإطلاق (16).

٤ - تصنيف القضايا بحسب الجهة المنطقية:

تعرف الجهة بأنها اللفظة التي تقترن بالرابطة في القضية ، فتدل على كيفية وجود محمولها إلى موضوعها (١٧). ومن هنا يمكن تعريف القضية ذات الجهة بأنها: قضية تقيل وليطتها تغيراً ندركه بفعل من عقلنا (١٨)وبهذا لا تقتصر الجهة علي إثبات أو نفي علاقة معينة ،وإنما تعطي كذلك تقييماً لهذه العلاقة من زاوية ما (١٥). ولقد أورد أرسطو في كتاب العبارة تصنيفاً للقضايا المنطقية من حيث الجهة فصنفها إلى : قضايا مطلقة ، ضرورية ، ممكنة ، محتملة ، وممتنعة (٢٠).

Aristotle: De interpretation, Trans. by W. D. Ross, 5 vol, Oxford at Claremont (15) press, London, 1972, ch 5, 17 a, 20.

Ibid . ch. 5, 17 a, 10:15 (16)

Ibid , ch 9, 18 a, 33:35. (17)

⁽¹⁸⁾ عبد الرحمن بدوى: المنطق الصوري والرياضي، دار النهضة العربية ، القاهرة ، ١٩٦٢م ، ص ٩٧.

^{(&}lt;sup>19</sup>)د. على سامي النشار: المنطق الصوري منذ أرمطو حتى رسل ، دار المعارف ، القاهرة ، ١٩٦٥ م ، ص ١٩٣٤

W.D. Ross: Aristotle, Methuen and Co., Ltd., London, 1971, p 30. (20)

أ ـ القضية الضرورية:

هي تلك التي لا يمكن أن نتكون بخلاف ما هي عليه ، أي هي ما يوجد فيها المحمول لكل الموضوع بالفعل ، وبشكل دائم ، أي في كل الأوقات (21).

ب _ القضايا الممكنة والمحتملة:

لقد عزف أرسطو الممكن في كتاب العبارة بأنه الاستعداد أو النهيؤ للقيام بشيء ما ، أو بفعل شيء ما ، ولكنه يحتمل مع هذا إمكانية عدم حدوثه (٢٢) أي أن الممكن هو ما لم يكن واجباً ، و لا يلزم عن افتراض وجوده شيء ممتنع (٢٢).

ج ــ القضايا الممتنعة:

هي تلك التي لا تسمح طبيعتها بالصدق ، أو ما تكون رغم السماح لها بالمصدق ممتنعة من قبل الظروف الخارجية ، أي أن الممتنع هو الضرورة منفية ((١٣٤)).

والواقع أن أرسطو لم يرمز إلى الثوابت المنطقية { ليس ، و ، إما – أو ، إذا ... إذن ... } ولا للجهات الزمنية أو المنطقية فلقد صاغها بصورتها اللفظية ولذا ... إذن ... } ولا للجهات الزمنية أو المنطقية فلقد صاغها بصورتها اللفظية ولكنه أستخدم أحرف الهجاء اليونانية للرمز إلى الحدود المتغيرة " Q - P - S" (25) والتي يمكن استبدالها في داخل ذلك الثابت بقيم محددة مثل سقراط وإنسسان وحيوان مثلا فتتكون قضايا قياسية ذات معنى في قاموس اللغة ، لهذا جاء رمرز ناقصا (26). أما الصحة والفساد فإنهما يتعلقان أساسا بتلك العلاقة القائمية بين المقدمات والنتيجة دون أدنى اهتمام لما يمكن أن يكون عليه المتغير في الواقيع الفعلي (27). فنحن نقول عن الحجة أنها صحيحة إذا كانت النتيجية تأسرم عين

Aristoltle: OP CIT, ch 14, 22, b, 5:10. (21)

Renford Bambrough: the philosophy of Aristotle, New American Library, New York, 1963. (22)

Aristotle: De interpretation, ch. 12, b, 25: 30 (23)

Ibid . ch 13, 22, a, 15:30. (24)

⁽²⁵⁾ د. مصطفى النشار : تظرية العلم الأرسطية دراسة في منطق المعرفة العلمية عند أرسطو، دار المعارف ، القاهرة، المعارف ، القاهرة، المعارف ، القاهرة، المعارف ، القاهرة ، المعارف ، القاهرة ، المعارف ، القاهرة ، المعارف ،

د. محمد ثابت الفندي : أصول المنطق الرياضي . دار المعرفة الجامعية، الإسكندرية ، ١٩٨٧ م ، ص ٢٠٤ (²⁶)د. محمد ثابت الفندي : أصول المنطق الرياضي . دار المعرفة الجامعية، الإسكندرية ، ١٩٨٧ م ، ص ٢٠٤ (²⁷) S. A. Stabbing :Modern Elementary logic , by Methuen & Co, L. T.D , London , 1952, P . 6 .

المقدمات لزوما منطقيا . (²⁸) فمن الواضح أن دور الرمز في المنطق الأرسطي قد أنحصر في المنطق الأرسطي قد أنحصر في اختصار المتغيرات التي قد ترمز لأي موضوع ، أما الثوابت التي لها معنى محدد فقد أهتم بإيضاحه بشكل محدد.

ثانيا: الرمز في المنطق الرواقي:

أن الاهتمام بكتب أرسطو المنطقية قد بدأ عقب وفاته مباشرة ، إذ أهـتم تلاميذه من اللوقيوم : أمثال ثيوفر اسطس ويديموس بتقديم شروح وتعليقات علي كتب المعلم الأول ، كما خصص آخرون بعض المؤلفات المستقلة لهم اشرح بعض المعاني والمصطلحات الموجودة في كتبه (29). إلا أن حدود الرمز المنطقي المحات تخرج عن الإطار الذي رسمه أرسطو إذ أقتصر على التعبير عن المتغيرات التي رمزوا لها بأحرف الهجاء اليونانية مثل أرسطو ،أما الثوابت فقد تركت في نفسس الإطار اللفظي .

اما أصحاب المنطق الرواقي والميغاري فقد توسعوا في إعطاء شرح مقصل لمنطق الشرطيات وكذا مبحث الجهات.كما حاولوا إيضاح النظريات المنطقية التي وردت لدي المعلم الأول وأحسوا أنها تبدوا عامضة بعض السشيء وتحتاج إلي إيضاح وتفسير (30). إلا أن أهم ما يميز المنطق الرواقي عن المنطق الأرسطي هو أنه كان منطق قضايا "جمل خبرية وشرطية" لا منطق حدود "كلمات" كما وضعوا قوانين للاستنباط، وفي هاتين النقطتين ماثل المنطق الرواقي المنطق الرواقي المنطق الرواقي العلاقات التي قد تنسأ المنطق الديهم خمس هي:

⁽²⁸⁾ جميل صليبا : المعجم الفلسفي ، الجسرم الثاني ، دار الكتاب اللبتاني ، بيروت ، لبنان ، ١٩٧٣ م ، ص ٢٢٦ .

Ezeller: outlines of the history of Greek philosophy, Dover publication Inc 13 th ed, New (29)

York, 1931, P160.

F.E. Peters: Aristotle and the Arafs, the Anitotelam in Jslam university press, New York, (30) 1968, P. 10.

⁽³¹⁾ Benson Mates. Stoic Logic, University of California Press, Berkeley, 1953, Introduction, p 74.

and see also: Alan Donagan. The Theory of Morality, The University of Chicago Press, Chicago and London, 1977, p. 4.

١ ــ القضية الاقترانية أو العطفية:

رابطتها هي واو العطف ، و تصدق إذا صدق عنصراها معاً وتكذب إذا كذب أحد عنصريها على الأقل ،أو عند كذبهما معاً.

٢ _ القضايا الشرطية:

هي تعليق شيء بشيء ، بحيث إذا وجد الأول وجد الثاني ،وتتألف من جزئيين الأول هو مقدم الشرط والثاني هو تالي الشرط.

ا _ القضية اللزومية:

هي تلك القضية التي يحكم فيها بالارتباط بين قضية وأخرى على أساس أن أحداهما شرط للثانية ، ويسمى القسم الأول مقدم الشرط ، والثاني تالي المشرط أو اللزوم . ورابطتها : إذا كان .. فإن .. .

ب _ القضية الشرطية المنفصلة:

تعرف القضية الشرطية المنفصلة: بأنها قضية مؤلفة من قضيتين حمليتين ينهما علاقة عناد أو تتاقض ، ورابطتها: إما.. أو.. (32).

٣_ النقى المنطقى:

يدن عليه أداة النفي ليس أو ما يؤدى معناها ويستخدم لإنكار قول أو نفيه، إلا أن صدق ق أو كذبها يتقرر بعد معرفة صدق القضية المتناقصضة معها وهي ليس ق أو كذبها فإذا كانت ق صادقة كانت ~ ق كاذبة وإذا كانت ق كاذبة كانت ~ ق صادقة (33) ولقد أهتم أصحاب المنطق الرواقي ببيان معنى كانبة كانت ~ ق صادقة (130) ولقد أهتم أصحاب المنطق الرواقي ببيان معنى هذه الثوابت وبيان حالات صدقها ولكنها تركت في قالبها اللفظي ،أما الرمن المنطقي فلقد أنحصر لديهم في التعبير عن المتغيرات المنطقية والتى كانت تعبر عن قضايا وليست حدود كما هو لدى أرسطو.

ولقد قدم كرسيبوس الرواقي مجموعة من الاقيسة الشرطية التي يمكن ن خلالها أن نتعرف على طبيعة الرمز المنطقى لديه والذي أستخدم فيها الأعداد

Paul Veneti: logica Magna, part. 1,trans.,by Raman Kretzman, Oxford University press (32)
London,, 1976, p.73

٣١)د. زكي نجيب محمود: تحو فلسفة علمية، مكتبة الإنجلو المصرية، القاهرة، ١٩٥١م، ص١٢٠٠.

الحسابية للتعبير عن المتغيرات المنطقية في قضاياه المركبة، والتي أطلق عليها "صوراً استدلالية وسماها أيضاً "ضروباً أولية لا تقبل البرهان (٢٤) . وأحصى منها خمسة أعتبرها أولية بمعنى أنه لا توجد صور أخرى سابقة عليها في عملية الاستدلال ، ولا تقبل البرهان بمعنى أنها حقائق منطقية ، وهي:

أ- إذا كان الأول ، كان الثاني : لكن الأول ، إذن الثاني (35) .

ب -إذا كان الأول ، كان الثاني : لكن ليس الثاني ، إذن ليس الأول (36).

ج ـ إما أن يكون الأول أو الثاني ؛ لكن الأول ، إذن ليس الثاني (37).

د ــ إما أن يكون الأول أو الثاني ؛ لكن ليس الثاني ، إذن الأول (38).

أما الحالة الأخيرة فتعبر عن قاعدة استخدام ثابت منطقي جديد ، ولقد عبر عنه كرسيبوس بالكلمات "ليس كلاهما معا "(٢٩) ولقد تجاهل المناطقة بعد كرسيبوس هذا الثابت ولم يرد في منطقهم إلي أن تنبه له بيرس (40) وهو: هد د ليس الأول والثاني معا ، لكن الأول، إذن ليس الثاني (١١).

(36)http://www.iep.utm.edu/c/chrysipp.htm.

(٣٧) الفرد تارسكي : مقدمة للمنطق ومناهج البحث في العلوم الاستدلالية ، ترجمة د. عزمي إسلام ، الهيئة المصرية العامة للتأليف والنشر ،القاهرة ، ٩٧٠ ام ، ص ٢٥:٦٢

(38) W & M. Kneal, op. Cit., pp. 162-3.

(٣٩) عثمان أمين ؛ الفلسفة الرواقية، مطبعة لجنة التأليف والترجمة والنشر، الطبعة الأولى ، ١٩٥٠ منص ٢٧:٦٦.

(40)يوسف كرم :تاريخ الفلسفة اليونانية سطبعة لجنة التأليف والترجمة والنشر، القاهرة، ١٩٢٦ م مص ٣٠١.

. http://www.philosophypages.com/dy/15.htm#log (٤١)

⁽٣٤) بيار بوياتسي: أبيقورس عتعريب دعشار صارجي عالمؤسسة العربية للدراسات والنشر عالطيعة الأولىء بيروت ١٩٨٠مص ٣٠٠

⁽³⁵⁾ د. أميرة حلمي مطر: الفلسفة اليونانية تاريخها ومشكلاتها ، الجزء الثاني ، دار الثقافة للنشر والتوزيع ، ١٩٨٥ ، ص٧٨

ثالثاً: الرمز المنطقى في العصبور الوسطى:

لقد تأثر فلاسفة العصور الوسطى بأرسطو تأثراً كبيراً وإن كان يعاب على مناطقة تلك الفترة اهتمامهم بالناحية الشكلية للمنطبق الأرسبطي ، كما قصروا اهتمامهم على جانب صغير من منطقه ولهذا جاء عرضهم له قاصراً. يقول تريكو: إن العصور الوسطى كانت بمثابة العهد المذهبي للمنطق الأرسطي الصوري بأقصى معاني الشكلية (4) ومن هنا بدأت صبحات عصر النهضة تطالب بالقضاء على هذا المنطق الصوري الذي لا يربطنا بالواقع(4). وبهذا نجد أن العصور الوسطى قد صادرت على منطق أرسطو الذي يفترض أنها تتقله (4).

كما تابع المناطقة العرب أرسطو حتى أنهم حافظوا على المسمي "منطق " على الرغم من أنه لا يحمل نفس المعنى الذي يحمله المصطلح في اللغة اليونانية (45) فعرفه ابن سيناء بأنه علم نتعلم فيه ضروب الانتقال من أمور حاصلة في الذهن الإنساني ، إلى أمور حاصلة في الخارج (46).

ولقد أقاموا نسقهم الخاص بالقضايا على أساس قيم صدق ثلاثية، أي أن يكون للحكم واحدة من ثلاثة قيم للصدق وهي أما أن تكون صادقة ، كاذبة أو غير معينة. إلا أن قيم الصدق هذه لا تتضح بشكل كبير إلا حين تدخل القضية في علاقة ما بقضية أخرى تتفق معها في بعض الوجوه وتختلف معها في أخرى. وهذا ما يطلق عليه اسم "الاستدلال المباشر".

⁽⁴²⁾ د. على عبد المعطى محمد ، د . السيد تفادى : المنطق وقلسفة العلم ، دار المعرفة الجامعية الاسكندرية ، ص ۲ : ٨

۸: من سامي النشار : المنطق الصوري مئذ ارسطو حتى عصورنا الحاضرة ، ص ه : ۸ (43)

M. Cope Irving: Introduction to logic, Macmillan publishing CO, Inc 6 (44)

th ed, New York 1982, p 4: 5

⁽⁴⁵⁾ الفارابي : نص التوطئة لمنطق أرسطو ، تحقيق وتعليق وتقديم : د، رفيق العجم ، دار المشرق ، بدأ الفارابي : نص التوطئة لمنطق أرسطو ، تحقيق وتعليق وتقديم : د، رفيق العجم ، دار المشرق ، بدؤت ، ۱۹۸۱م . ص ۹۰ : ۲۰

⁽⁴⁶⁾ نيقولاريشر: تطور المنطق العربي ، ترجمة ودراسة وتعليق د . محمد مهران ، دار المعارف ، و المعارف ، الطبعة الأولى ، القاهرة ، ١٩٨٥م ، ص ، ٢ : ٢١

ولقد بحث المناطقة العرب العلاقات التي تنشأ بين الحدود في القسضايا فصنفوها أولاً إلى قسمين:

أ- قضايا حملية: هي تلك التي تعبر عن علاقة حمل أو تضمن أو نسبة بين حدودها ورابطتها هي "فعل الكينونة (٤٧) ولقد تم تمييز أربعة أصناف فيها تبعا لختلاف كم وكيف الحدود فصنفت إلى كلية وجزئية ، وموجبة وسالبة .

ب -القضية الشرطية:

٥ تنقسم القضايا الشرطية إلى قسمين متصلة ومنفصلة :

القضية الشرطية المتصلة: هي القضية التي يحكم فيها بالارتباط بين قضية وأخرى على أساس أن أحدهما شرط للثانية، ورابطتها إذا كان..فإن... (^1) القضية الشرطية المنقصلة: هي قضية مؤلفة من قضيتين حمليتين بينهما علاقة عناد أو تناقض، ورابطتها: إما.. أو.. (49).

ولقد مزج ابن سينا بين منطق أرسطو وبين منطق الرواق فأخذ عنهم مسألة الجهة الزمانية ، ولهذا استخدم أكثر من كلمة تدل على التحديد الزمني القضية مثل : دائماً ، أحياناً ، أبداً (50).

وإذا ما انتقلنا إلى الجهة المنطقية ، فإننا نجدهم قد تابعوا أرسطو في آراءه في الجهة مع بعض الإضافات التي تتفق مع ثقافاتهم ، فنجدهم أدخلوا مصطلح "الواجب" ضمن الجهات ، وهو مصطلح أصولي استعمله الفقهاء ليعبروا عن الأمر الإلهي ،وهو يأخذ أبعاد الضروري ولكن ضروريته تأتي من النص الشرعي (٥١) .

⁽۱۲) محمد حمزة الفنارى : شرح متن ايساغوجى لأثير الدين الأبهرى ، مطبعة دار المكتب " مطبعة عثمانية الأستانة، ۱۲۸۷هـ ، ص ۱۲ : ۱۳ .

⁽١٠) د. محمد فتحي عبد الله: معجم المصطلحات المنطقية وقلسفة العلوم، دار الوقاء لدنيا الطباعة والنشر، الاممد فتحي الأسكندرية ، ٢٠٠٧م، ص١٢٢٠.

Paul Veneti: logica Magna, p.73 (49)

^{(&}lt;sup>50</sup>) د. عادل الفاخوري : المنطق العربي من وجنة نظر المنطق الحديث، دار الطنيعة للطبع والنشر ، الطبعة الثانية ، بيروت، ١٩٨١م.، ص ١٢١ ، ١٢٢ .

^{(&}lt;sup>51</sup>) الفارابي : نص كتاب العبارة شمن مشلة المنطق عند الفارابي ، الجمار الثاني ، تحقيق وتقديم وتعليق د. رقيق العجم، دار المشرق ، بيروت، ١٨٧ : ١٨٨ : ١٨٨.

كما أستخدم الفارابي ألفاظ الجهة " الممكن ،والممتنع، المضروري ،وكذا الواجب " في أغراض ما بعد الطبيعة ، فنجده يبحث في خمس جهات أساسية هي : الواجب بذاته ، الضروري ، الواجب بغيره ، الممتنع بذاته ، الممتنع بغيره ، وأخير أ الممكن بذاته " ويستخدم الفارابي هذه الجهات في تبرير وجود كائن لا متناه ينقل الموجودات من حال الممكن بذاته إلي الواجب بغيره . إذ أن الفارابي يؤكد على ضرورة وجود العلة ، أو السبب الذي من خلاله تحدث النقلة مسن مرحلة الإمكان إلى الوجوب (٥٢).

كما قسم ابن رشد الضروري ، والممكن تقسيماً مطابقاً لتقسيم الموجودات البي ما هو بالقوة وهو ما عبر عنه بالممكن ، وما هو بالفعل ، وهو ما عبر عنه بالضروري (⁷⁰). كما تابع المناطقة العرب أرسطو كذلك في الصياغة الرمزية للمتغيرات المنطقية ، فلقد اهتموا بتعريف الثوابت المنطقية وتحديد معناها ولكنهم تركوها في صورتها اللفظية ، أما المتغيرات فقد أعطوها رموز من أحرف الهجاء العربية والتي كانت تدل على حدود منطقية وليست قضايا كما ورد لدى أصحاب المنطق الرواقي.

يعقيب

ا لقد ارتبطت نشأة وتطور المنطق بوجود الرمز المنطقي، فلقد أهتم الفلاسفة قبل أرسطو بذكر الأدلة التي تدعم فكرهم وتثبت صحته ولكن فكرهم قد أنحصر في ذكر بعض الصيغ الاستدلالية ، أما المنطق كعلم له مباحثه ،قوانينه واستقلاليته عن بقية العلوم الأخرى فقد نسب لأرسطو ،وفي رأيي أن أهم خطوة قدمها أرسطو وساعدته على نشأة هذا العلم كانت هذه اللغة الرمزية التي مكنته من اختصار الأفكار وبالتالي بحث كل الاحتمالات ، ثم الوصول إلى القوانين المنظمة لهذا العلم .

^(52) د. عادل الفاخوري : المرجع السابق ، ص ١٦٨ .

^(33) د. جيرار جهامي : نص تلخيص منطق أرسطو " المجد الأول "، دار الفكر اللبناني ، الطبعة الأولى ، بيروت ، ١٩٩٢ م ، ص ١١١ .

ان دور الرمز في المنطق الأرسطي قد أنحصر في اختصار المتغيرات التي قد ترمز لأي موضوع ، والتي أستخدم أحرف الهجاء اليونانية للتعبير عنها مثل " Q - P - S " بحيث يمكن استبدالها في داخل ذلك الثابت بقيم محددة مثل سقراط وإنسان وحيوان ، أما الثوابت التي لها معنى محدد فقد أهتم بإيضاحه، ولم يقدم لها رموز ، ولا للجهات الزمنية أو المنطقية فكان بهذا رمزه ناقصا ، ولقد تابع مناطقة العصور الوسطى آراء أرسطو في المنطق حيث أقتصر الرمز لديهم على الحدود المتغيرة أما الثوابت المنطقية فقد تركت بصياغتها اللفظية.

٣- أهتم أصحاب المنطق الرواقي بمحاولة إصلاح المنطق الأرسطي فاهتموا بتعريف الثوابت المنطقية وبيان حالات صدقها ولكن مع تركها في قالبها اللفظي ،أما الرمز المنطقي فلقد أنحصر لديهم في التعبير عن المتغيرات المنطقية والتي كانت تعبر عن قضايا وليست حدود كما هو لدى أرسطو، ولقد قدم كرسيبوس الرواقي مجموعة من الاقيسة الشرطية والتي أستخدم فيها الأعداد الحسابية للتعبير عن المتغيرات المنطقية في قضاياه المركبة.

المبحث الثاني المرمز المنطقي من لبينتز حتى فريجة

تمهيد:

لقد ظهر المنطق الرياضي نتيجة لتطبيق الأساليب الرياضية في مجال المنطق الصوري، وباستخدام لغة خاصة ذات رموز وصيغ معينه ولدا فالمنطق الرياضي يهتم أساسا بالبحث في التفكير المنطقي (استدلالا كان أو برهانا) من حيث هو متمثل في أنساق المنطق الصوري أو الحساب التحليلي، ومن ثم جعل المنطق الرياضي من المنطق موضوعا له ومن الرياضيات منهجا وطريقا (54).

أو لأ: الرمز المنطقى عند لسنتز:

يعد ليبنتز هو صاحب أول محاولة لدمج المنطق بالرياضيات، فلقد حاول إقامة المنطق في صورة نسق استنباطي يتألف من قصايا نبرهن عليها باستنباطها من مجموعة من التعريفات ، المبادئ والمصادرات ولقد ساعده على هذا التطور اللغة الرمزية التي صاغ بها ليبنتز منطقه، حيث أخذ أحرف الهجاء لتعبر عن المتغيرات المنطقية وإن كانت ترمز إلى أصناف وليست حدود كما هو لدى أرسطو ، كما صاغ قضاياه بحيث تتخذ صورة معادلات وقوانين على لموذج علم الرياضيات ،إذ أضاف إلى جانب الثوابت المنطقية المعروفة وهي الفصل ، اللزوم ، والتكافؤ المنطقي ثوابت آخري خاصة بعلم الحساب وهي الفصل ، اللزوم ، والتكافؤ المنطقي ثوابت آخري خاصة بعلم

^(54) د. محمود فهمي زيدان : المنطق الرمزي نشأته وتطوره بدار النهضمة العربية ، بيروت ، ١٩٧٣م ، ص ١٢.

ايضاً: برتراند رسل: تاريخ الفلسفة الغربية ، الكتاب الأول،الفلسفة القديمة ، ترجمة د. زكي نجيب محمود عراجعه د. أحمد أمين ، مطبعة لجنة التأليف والترجمة والنشر ، القاهرة ،١٩٦٧م، ص ١٢

والضرب المنطقي (•) ، (=) الميساواة ، (+) عدم الاتيساق أو المساواة . ولقد استخدم ليبنتز هذه الرموز في صياغة قضاياه المنطقية ونذكر منها على سبيل المثال القضايا البديهية التالية:

١ ــ إذا كان ب = أ فإن أ = ب

٢ ـ إذا كان أ = ب و ج = ع و هـ = ن فإن

أ+ج+ه_=ب+ع+ن

وبهذا نجد ليبنتز قد حاول تطوير منطق أرسطو عن طريق إدخال لغة رمزية جديدة تعتمد على إعطاء الثوابت المنطقية لغة رمزية، بالإضافة إلى إدخال الثوابت الخاصة بعلم الحساب للتعبير عن القضايا المنطقية، والتي تعد أول محاولة للتعبير عن الثوابت المنطقية بشكل رمزي مثال:

اك.م: كل س ع س

ج ، م : بعض س ع س ع "في جزء منها"

ك س ع لا س ع الى أي جزء منها "

ج.س: نیس بعض س ع ل س خ اس ج

ثانيا: الرمز عند حورج بول:

لقد تحمس جورج بول (١٨١٥-١٨٦٤) لمحاولة ليبنتز في دمج المنطق بعلم الحساب واستخدام الثوابت الخاصة بعلم الحساب التطبيق على المنطق، فحاول إنشاء علم المنطق على هيئة علم الجبر، ولقد ساعده على تحقيق ذلك النجاح الذي حققه الجبر في امتصاص كل فروع الرياضيات وتحسيبها مما دفعه إلى تطبيق قوانين الجبر على المنطق، وحجة بول في ذلك أن قوانين الجبر بالنسبة لديه هي قوانين الفكر بعامة وتنطبق على كل مجالات الفكر البشري، ولذلك يمكن تطبيقها على كل فروع المعرفة بما فيها المنطق. (٢٥) ولقد علق الكسندر ماكوفليسكي على

[.] W Kneal & M Kneal: the development of logic ,p p 336:339 (55)

^(56) د. محدد ثابت القندي :فلسفة الرياضة ، دار النهضة العربية ، بيروت، ١٩٦٩م، ص ١٤١٠

هذه المحاولة بقوله: "إن المنطق لم ينفصل عن الفلسفة إلا في عام ١٨٤٧، تاريخ صدور كتاب التحليل الرياضي للمنطق، للرياضي الإنجليزي جورج بول(٥٠٠).

وقد تمت عملية إدماج المنطق في الجبر من خلال إقامة المنطق على نموذج علم الجبر وتحويل القضايا المنطقية إلى معادلات جبرية، بحيث أصبح المنطق جزءاً من الرياضيات.

وتعود أهمية ذلك الاندماج بين المنطق والجبر إلى أن بول قد أجرى تحويلاً جذرياً على طريقة فهم المنطق الذي لم يعد مرتبط بغايات فلمسفية، بمل أصميح مرتبطاً بالرياضيات. ولذلك نجد بول يؤكد أنه لم يعد "من الجائز أن نجمع بسين المنطق والغيبيات، بل يجب جمع المنطق بالرياضيات" (٥٨).

أما الخطوات التي قام بها بول من أجل تحويل المنطق إلى جبر فهي: (٥٩)

- أ. تحويل القضايا المستخدمة في المنطق إلى معادلات جبرية تربط بينها علاقــة المساواة. أي جعل علاقة المساواة هي التي تربط بين المقدمات والنتيجة. وهي العلاقة الذي سيحولها رسل فيما بعد إلى علاقة لزوم.
- ب. تحويل الرموز المنطقية إلى رموز كمية تقبل فقط قيمتي السصغر والواحد. والصفر والواحد، والصفر يشير إلى الفئة الخالية والواحد يشير إلى الفئة الشاملة.
- ج. تحويل الجمع والضرب في الجبر إلى جمع منطقي وضرب منطقي، وتطبيق العمليات الجبرية من تجميع وتبديل على العمليات المنطقية. وبنتيجة هذه الخطوات يمكن تحويل القضايا الحملية الأربع في القياس الأرسطي إلى حساب جبري خالص، وذلك على النحو التالي:

^{(&}lt;sup>57</sup>) الكسندر ماكوفلسكي : تاريخ علم المنطق ، ترجمة : نديم علاء الدين ،دار الفارابي، بيروت، هلاء الكسندر ماكوفلسكي : تاريخ علم المنطق ، ترجمة : نديم علاء الدين ،دار الفارابي، بيروت، من المنطق ، من

^{(&}lt;sup>58</sup>) روبير بلانشي: المنطق وتاريخه من أرسطو حتى راسل ،ترجمة :د خليل احمد خليل،ديوان المطبوعات المعابوعات المعابوعات الجامعية، الجزائر، بدون تاريخ، ص ٣٩٨ .

⁽⁵⁹⁾ د. رشید محمد الحاج صالح علاقة المنطق بالریاضیات عند رسل "حساب الفنات " نموذجاً، ص ۱۵۰

غير أن تطبيق بول العمليات الجبرية على المنطق لاقى بعض الصعوبات التي تمثلت في أن تطبيق قوانين الجبر على المنطق كان تطبيقاً متكلفاً لأن العمليات الجبرية لم تتلاءم كثيراً مع المنطق. فإذا أخننا حعلى سبيل المثال القانون التالي من جبر المنطق وهو "س٢ حس" ، أي أن الفئة المنطقية " العلماء " مصروبة بنفسها تؤدي إلى الفئة نفسها لأن التكرار في المنطق لا طائل منه ومجرد لغو، إن هذا القانون ليس صحيحاً في الجبر العادي لأن "(٢) لا تساوي ٢" ومرد هذا الاختلاف أن رموز المنطق تعبر عن فئات وليس مجرد فئات تشير إلى أرقام كما هو الحال في الجبر العادي (١١). ولذلك يمكن القول أن جبر بول المنطقي لم يستطع التحرر من متعلقات الحساب العددي، وهذا ما أدى إلى زيف بعض قوانين جبر المنطق، وإلى عدم إمكانية تعميم قوانين الجبر على المنطق مصع الاحتفاظ بخصوصية العمليات المنطقية. ولقل هذه الصعوبات هي التي أدت إلى تراجع أهمية تطبيق الجبر على المنطق من أجل إقامة المنطق على أسس رياضية جديدة ، إلا أن هذا لا يقلل من أهمية جبر المنطق عند بول، والتي تتمشل في توجيه المنطق باتجاه الرياضيات، وهو توجه طبع كل المحاولات اللاحقة التي حاولت المنطق على سس رياضية.

[.]W Kneal & M Kneal : op cit , p 411 (60)

⁽⁶¹⁾ د. محدود فهمي زيدان : المنطق الرمزي نشأته وتطوره ، ص ١٨:٨٦.

ثالثاً: الرمز المنطقى عند بيانو:

إن البحوث الرياضية التي قنعت بالأعداد كأساس لليقين الرياضي سرعان ما تخلت عن العدد بوصفه موجوداً أولياً، وأخذت تبحث عن الحدود الأولية التي يتشكل منها العدد لكي تؤسس منطقاً رياضياً لفكرة العدد.

فالرياضيات التي كانت تقف عند العدد بوصفه أساساً لليقين، وكائناً بديهياً بذاته لا يحتاج إلى تحليل لما هو أبعد منه، أخذت تبحث في إمكانية اشتقاق الأعداد من أفكار وثوابت أولية. وقد بدأ الرياضيون باشتقاق الأعداد الطبيعية لأنها أبسط الأعداد. كما تطلبت مسألة اشتقاق العدد من كائنات أولية نسقاً استنباطياً خاصاً بالعدد. ومن أهم هذه المحاولات هناك محاولة الرياضي الإيطالي بيانو Peano بالعدد. ومن أهم هذه المحاولات مفهوم العدد الطبيعي من مجموعة مسن الأفكار الأولية والمسلمات (١٩٥٠).

- الصفر
 - العدد
- التالي

ب. المسلمات: وهي خمس مسلمات

- الصفر عدد
- التالي لأي عدد عدد
- ليس لعددين نفس التالي
- الصفر ليس تاليا لأي عدد
- إن أي خاصية، عندما تعود إلى عدد ما، فإنها تعود إلى تالي ذلك العدد، وتعود إلى
 كل الأعداد.

وبوساطة كل هذه الأفكار الأولية والمسلمات يمكن لأي رياضي أن يقيم سلملة لا متناهية لملاعداد الطبيعية، بحيث تبدأ السلسلة بالصفر ثم تعرف الواحد بأنه تمالي للمصفر، والعدد ٢ بأنه تالي للواحد ... وبذلك نحصل على أعداد جديدة كلما تقدمنا في السلسلة .

^(62) لقد أقام بيانو نسقه الخاص بالأعداد الطبيعية على النحو التالي: (٢٠)

أ. الأفكار الأولية: وهي ثالثة أفكار:

ولقد شارك في إقامة المنطق الرمزي في أثناء شرحه لطبيعة البرهان الرياضي وتعريفه للأعداد ، ولقد حاول بيانو صياغة القضايا المنطقية وقواعد الاستنباط في صورة رمزية خالصة دون استخدام للألفاظ ،فلقد رمز المتغيرات المنطقية بأحرف الهجاء مثل" r,b,b,s إلا أن المتغيرات لدى بيانو تعد معبرة عن القضية المنطقية دون تمييز بين موضوعها ومحمولها، بخلاف أرسطو الذي نظر للمتغيرات على أنها حدود منطقية، ولقد عبر بيانو عن المسور الكلي بالرمز (x)،وإلى السور الوجودي بالرمز (X)، وإلى السور الوجودي بالرمز (له بد " "تعني أن النقيضين لا يتفقان المنطقية وهي: السلب المنطقي ورمز له بد " "تعني أن النقيضين لا يتفقان ، فإد صدق أحدهما كذب الأخر ،والعكس ،

ولقد رمز للربط المنطقي بـ " • ": هو الـذي يعبـر عـن "و " العطـف ويصدق في حالة صدق الطرفين ويكذب فيما دون ذلك.

ويددق في حالة صدق أحد طرفي الانفصال على الأقل .

أما النصمن فلقد عبر عنه بـ " ت " هو الذي يعبر عنه الثابـت إذا .. إذن .. ويصدق في حالة عدم اشتماله على مقدم صادق وتالى كانب.

و أخيراً التكافؤ المنطقي وعبر عنه بــ " = ": هو الذي يعبر عن تساوي طرفي القضية المنطقية بحيث يمكن تبديل طرفاها دون الإخلال بالمعنى (٦٣).

وبهذا أستطاع بيانو صياغة كل أفكاره في صورة رمزية ودون استخدام للألفاظ هذا إلى جانب أن المصطلح الرمزي الخاص به سهل وبسيط ،ولعل بساطته هذه هي التي جذبت العديد من المناطقة الذين أقبلوا عليه وأهمهم أصحاب البرنكبية.

[.]W Kneal & M Kneal: op cit, p 521 (63)

رابعاً: الرمز المنطقى عند قريجة (٦٤):

أراد فريجة كتابة القضايا بعناصرها من حدود وثوابت وأسوار ، وقواعد استدلالية بلغة الدالة وبذلك ارتفع بالمنطق الصوري إلى حد بعيد (65)، ولم يكتف فريجة بتقديم المنطق رمزيا خالصا وإنما أراد له أن يكون نسقا استنباطيا له أفكاره اللامعرفة وتعريفاته ومصادراته التي يجب أن توضع صريحة منذ البدء ومن شم أستبدل لغة الموضوع والمحمول بلغة الدالة (66)، حتى يخطو بالمنطق خطوات واسعة نحو الصورية والإحكام، ويذهب هيلرى بائتم Hilary Putnam إلى أننا من الصعب أن نرسم خطاً بين المنطق والرياضيات عند فريجة ورسل (67).

ولقد كانت هذه المحاولة في تطوير المنطق الرياضي مرتبطة بتطوير اللغة المنطقية التي سعى فريجة لأن تكون لغة رمزية خالصة . إلا أن المصطلح الرمزي الذي أقامه فريجة عسير الفهم والمتابعة . فلقد ألفه بحيث يستخدم حروف الهجاء اليونانية للتعبير عن المتغيرات في القضايا ، وللإشارة للأسوار . إلخ. كما استخدم خطوطا أفقية ورأسية برسوم معينه لندل على الثوابت المنطقية، ولكل رسم معنى بحيث تطول الخطوط وتقصر ولكل واحد منها دلالته ، كما تتخلل تلك الخطوط أقواس لها دلالات معينه .

أ ـ لقد استخدم فريجة أحرف الهجاء مثل : r,p,s للتعبير عن المتغيرات المنطقية ($^{(68)}$) والتي كانت ترمز لقضايا دون تمييز بين حدودها ،كما هو لـدى

^{(&}lt;sup>64</sup>) فردريك جوثلوب فريجة F. G. Frege (⁶⁴) فردريك جوثلوب فريجة F. G. Frege (أمان في أواخر القرن التاسع عشر وأولئل القرن العشرين . كان أستاذ الرياضيات في جامعة Jena فيما بين ۱۸۷۹ و ۱۹۱۸م.

⁽⁶⁵⁾ R. Carnap: Foundation of Logic and Mathematics, University of Chicago press, Chicago – Illinois, 1949, p.12

⁽٦٦) بول موي: العنطق وفلسفة الغلوم، ترجمة فؤاد حسن زكريا، مكتبة دار العروبة، الكويت، ١٩٨١م ،ص ١١٥

⁽⁶⁷⁾ Hilary Putnam: . philosophy of logic, Gergeallen & Unwind LTD, London.
1971 p. 33.

⁽⁶⁸⁾ G. Frege: The Foundation of Arithmetic's ,trans. By L.Austin, Harper Torch book ,New York, 1960, pp 134:146

أصداب المنطق الرواقي ، جورج بول وبيانو ، وبخلاف ما ورد لدى أرسطو والمناطقة في العصور الوسطى و التي كانت تشير إلى الحدود في القضية .

ب _ استخدم فريجة كذلك بعض أحرف الهجاء للتعبير عن المحتوى في الفضية الحملية والتي أشار إليها بالرمز H". كما رمز إلى تقريرها بالرمز C " ، أما دالات القضية فلقد أعطاها الرمز C " . كما أعطى رموز للحجالمنطقية وهى C . C . فإذا أردت التعبير عن قضية حملية "دالية" معينة وحجتها أشرت لها على النحو التالي: C ، والتي تعني أن القضية C " تتميز بالخاصية كذا" C " C .

ج ـ استخدم فریجة كذلك رموز معینه للتعبیر عن السور في القضیة الحملیة فعبر عن السور الكلی بـ "(x)" . أما بالنسبة للسور الوجودي فلقد عبدر عنه فریجة بإضافة رمز السلب مرتین إلی رمز العمومیة (70).

د ــ عرف فريجة القضايا المركبة ومن ثم عرف الثوابت المنطقيــة وعلـــى الأخص السلب ، والتضمن وهي بديهيات النسق عند فريجة .

أما الربط ، الفصل ، و المساواة فهي من المعرفات في نسق فريجة إذ أهستم برصع رمز معين لكل ثابت بحيث تكون له القدرة على التعبير عنه وتمييزه عن بقية الثوابت وهي:

Negation: السلب !

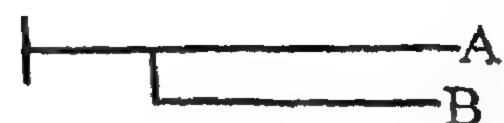
أو الدالة المتناقضة وهي دالة ذات حجة واحدة ق حيث ق قصية من القضايا ومن الواضيح أن الرمز " \ " هو ما رمز به فريجة ليدل على أداة النفسي ليس أو ما يؤدى معناها ،وتعني أن النقيضين لا بتفقان ،فإذ صدق أحدهما كنب الأخر ،ومن ثم لا تتحدد قيمة لا ق ، إلا بعد تحديد حكم ق سسواء بالإثبات أو النفي.

⁽⁶⁹⁾ G. Frege: The Basic Laws of Arithmetic ,trans. By Manigomey furth ,London ,1966, pp121:123

⁽⁷⁰⁾ G. Frege: Function and Beg riff, in collected papers by M. Black & P. Geach, oxford, 1966. pp 130:145

Implication : التضمن أو اللزوم المنطقي:

أهتم فريجة بتقديم توضيح لفكرة التضمن عن طريق وضع الاحتمالات الأربعة لصدق أو كذب المقدم والتالي في القضية الشرطية المتصلة أو اللزومية فعرفه بأنه الثابت الذي يصدق في حالة عدم اشتماله على مقدم صادق وتالي كاذب. ويضعها في الصيغة التالية:



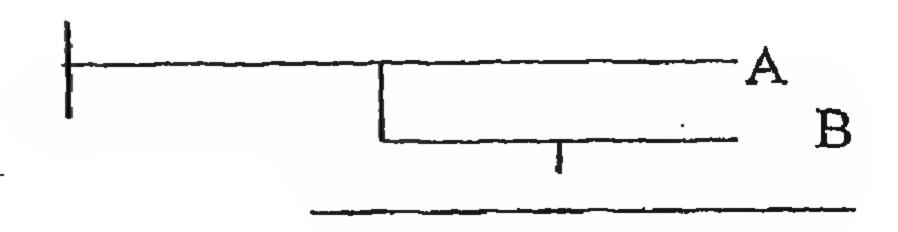
Disjunction : الفصل المنطقى: T

أو الدالة الانفصالية disjunctive Function وهي دالة ذات حجنين ق ، ك. وتدل علي الفصل المنطقي كلمية "أو "أو كلميات "إميا .. أو.. " ويطلق على الحجنين ق ، ك أسم المنفصلين أو البديلين ولقد عرف فريجة نوعين من الفصل فإذا أخذنا (أو) بمعناها الاستبعاد Exclusive كان الفيصل بين الجملتين معناه تأكيد أن إحداهما صادقة والأخرى كاذبة ولقد عرفه فريجة عن طريق إلنفي واللزوم ويعبر عنه فريجة بالصورة الرمزية الآتية:



وتعنى هذه الصيغة عند فريجة أن هذه القضية غير قائمة إلا في حالة صدق أحد طرفي القضية وكذب القضية الأخرى (71).

أما الفصل المنطقي الضعيف فلقد أشار إليه بالرمز:



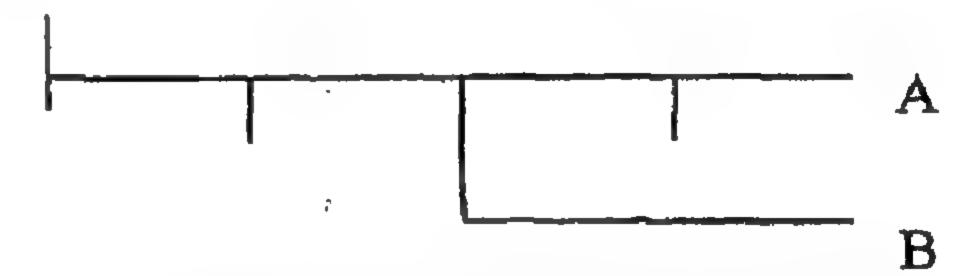
(71) Ibid. p 19.

وتقرأ هكذا أن كذب هذه القضية الموجبة A و B لا يمكن أن يكون إلا فــــي حالــــة كذبهما معا (72).

conjunction : الربط المنطقى: _ t

تدل عليه واو العطف ، وهو ما يسمى بحاصل الضرب المنطقي ، كما تسمى القضايا التي تم ربطها على هذا النحو بعناصر الربط أو بعوامل حاصل الضرب المنطقي فإذا ما ربطنا القضيتين مسئلا : ٢ عدد صحيح موجب والقضية: ٢ > ٣ بأداة الربط (و) لحصلنا على القضية العطفية الآتية : ٢ عدد صحيح و ٢ > ٣ ويكون إثبات العطف مساويا لتقرير صدق كلاً مسن القضيتين اللتين تتكون منهما القضية العطفية وإلا كان العطف كاذباً.

ويعبر فريجة عن رابطة العطف بالطريقة الرمزية الآتية (73):



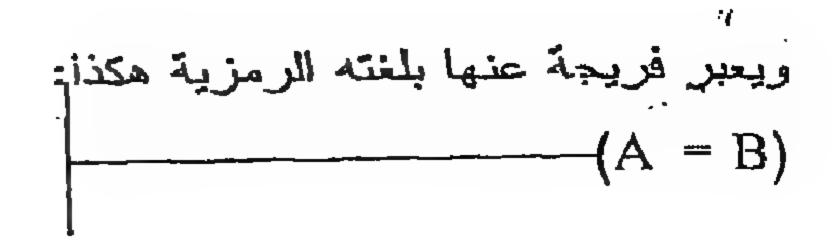
وتعنى هذه الرابطة: أنه إذا كانت القضية A مرتبطة بالعطف مع القسضية B فإن هذه الصيغة تكون صادقة عند صدق القضية A و B معا وكاذبة في جميع الأحوال الأخرى.

<u>ه ــ المساواة أو التكافؤ المنطقي:</u>

يمكن التعبير عن دالة التكافؤ بالجملة الناقصة الآتية: إذا كان وفقط إذا كان. ولقد رأى فريجة أن القضية المركبة التي تنطوي على المساواة أو التكافؤ بين عنصريها (74) ،أنها ما يمكن تبادل مواضع العنصرين فيها دون إخلال بالصدق.

⁽⁷²⁾ G. Frege: Function and Beg riff, . pp 130:145

⁽⁷³⁾ G. Frege: The Foundation of Arithmetic's , p 52
. ١٥٥ صعمود فهمى زيدان : المنطق الرمزية نشأته وتطوره ، ص ١٥٥ .



ولقد استخدم فريجة اللزوم والنفي كفكرتين أوليتين ليس لتعريف الروابط الأخرى فقط بل وإلى جانب ذلك وضع مجموعة من البديهيات التي قامت على هاتين الفكرتين فقد قدم مجموعة من البديهيات والتي استخدم في البديهيات الثلاثة الأولى منها اللزوم فقط ، أما الثلاثة الأخرى فيستخدم فيهما النفي مع اللزوم، شم يضيف فريجة إلى قائمة البديهيات ثلاثة بديهيات يستخدم في أثنين منهما الهوية ، (⁷⁶) وسوف أعرض أحدى بديهيات فريجة حتى ألقي الضوء على كيفية صياغته الرمزية للقضايا البديهية في نسقه المنطقى.

البديهية الأولى .

يستخدم فيها اللزوم فقط ويعبر عنها فريجة برمزيته هكذا : (⁷⁷) a ______ b ____ a

وتعنى هذه الصبيغة a يلزم عنها القضية المركبة (B يلزم عنها A).

(75)W Kneal & M Kneal : op cit, p 480

Tbid. p 490 (76)

(77) G. Frege: Function and Beg riff, p 45

تعقيب

ا ــ نقد بدأ كل من ليبنتز وجورج بول بمحاولة لتطوير علم المنطق فنجد ليبنتز قد حاول تطوير منطق أرسطو عن طريق إدخال لغة رمزية جديدة تعتمد على إعطاء الثوابت المنطقية لغة رمزية، بالإضافة إلى إدخال الثوابت الخاصة بعلم الحساب للتعبير عن القضايا المنطقية، والتي تعد أول محاولة للتعبير عن الثوابت المنطقية بشكل رمزي ،أما بول فقد حاول إنشاء علم المنطق على هيئة علم الجبر، ولقد ساعده على تحقيق ذلك النجاح الذي حققه الجبر في امتصاص كل فروع الرياضيات وتحسيبها مما دفعه إلى تطبيق قوانين الجبر على المنطق. وحجة بول في ذلك أن قوانين الجبر بالنسبة لديه هي قوانين الفكر بعامة وتنطبق على كل مجالات الفكر البشري، ولذلك يمكن تطبيقها على كل فروع المعرفة بما فيها المنطق.

Y— نقد شارك الرياضي الإيطالي بيانو في إقامة المنطق الرمزي في أتناء شرحه لطبيعة البرهان الرياضي وتعريفه للأعداد ، ولقد حاول بيانو صياغة القضايا المنطقية وقواعد الاستنباط في صورة رمزية خالصة دون استخدام للألفاظ ، فرمز للمتغيرات المنطقية بأحرف الهجاء مثل" z, z, z " ، كما عبر عن السور الكلي بالرمز (z) وإلى السور الوجودي بالرمز (z) ،بالإضافة إلى وضعه رموز الثوابت المنطقية وهي: السلب المنطقي ورمز له بـ " ~ " ، و رمز للربط المنطقي بـ " z " ، أما النضمن فلقد عبر عنه بـ " z " ، أما النصل المنطقي وعبر عنه بـ " z " ، ويهذا أستطاع عنه بـ " z " ، و أفكاره في صورة رمزية ودون استخدام للألفاظ إلى جانسب أن بيانو صياغة كل أفكاره في صورة رمزية ودون استخدام للألفاظ إلى جانسب أن المصطلح الرمزي الخاص به سهل وبسيط ،ولعل بساطته هذه هي التسي جـ نبت العديد من المناطقة الذين أقبلوا عليه وأهمهم أصحاب البرنكبية.

٣- أراد فريجة كتابة القضايا بعناصرها من حدود وثوابت وأسوار ، وقواعد استدلالية بلغة الدالة، وبذلك ارتفع بالمنطق الصوري إلى حد بعيد، ولم يكتف فريجة بتقديم المنطق رمزيا خالصا فحسب، وإنما أراد له أن يكون نسقا استنباطبا له أفكاره الملامر فة وتعريفاته ومصادراته التي يجب أن توضع صريحة منذ البدء ومن ثم أستبدل لغة الموضوع والمحمول بلغة الدالمة، حتسى يخطو بالمنطق خطوات واسعة نحو الصورية والإحكام، ولقد كانت هذه المحاولمة فمي تطوير المنطق الرياضي مرتبطة بتطوير اللغة المنطقية التي سعى فريجة لأن تكون لغمة رمزية خالصة . إلا أن المصطلح الرمزي الذي أقامه فريجة عسبر الفهم والمتابعة . فلقد ألفه بحيث يستخدم حروف الهجاء اليونانية للتعبير عن المتغيرات في القضايا ، وللإشارة للأسوار . إلخ. كما استخدم خطوطا أفقية ورأسية برسوم معينه لندل على الثوابت المنطقية، ولكل رسم معنسي بحيث تطول الخطوط وتقصر ولكل واحد منها دلالته .

المبحث الثالث الرمز المنطقي بعد فريجة

تمهيد:

إن علاقة المنطق المعاصر بالرياضيات علاقة وثيقة جداً تعود إلى أن المنطق اليوم أصبح يقوم على مجموعة من الطرق والأفكار الرياضية المصورية، مثلما تقوم الرياضيات على مجموعة من الأفكار المنطقية، بحيث أصبح من العسير إيجاد تمييز دقيق وواضح بين المنطق والرياضيات البحتة (78).

هذا التقارب الشديد يسمح بالقول بأن المنطق المعاصر أصبح علماً صورياً مستقلاً ليس له علاقة خاصة بالفلسفة تميزه عن باقي العلوم، لأن علاقته بالفلسفة اليوم لا تختلف عن علاقة العلوم الأخرى كالفيزياء والطب بالفلسفة. إذ لم يعد المنطق علماً معياريا (79).

إن عدم نجاح جبر بول في دمج المنطق بالرياضيات من جهة، والشكوك التي أخذت تظهر حول الأعداد بوصفها أساس اليقين في الرياضيات، هي التي دفعت رسل إلى البحث عن نموذج جديد للتفكير في علاقة المنطق بالرياضيات وإقامة هذه العلاقة على أسس جديدة، ويختلف نموذج رسل المنطقي عن جبر المنطق عند بول في أن الأول قام بإرجاع المفاهيم الرياضية إلى مفاهيم منطقية أولاً، وأقام المنطق على شكل نسق استنباطي ثانياً، في حين بقي بول في حدود ارجاع المنطق إلى الجبر وتطبيق القوانين الجبرية عليه.

أما بالنسبة لكل من بيانو وفريجة فلقد قرأ بيانو ذلك المصطلح الخاص بفريجة ويبدو أنه أكتشف صعوبته، كما لمس اشتراكه معه في الاتجاه الرياضي

⁽٧٨) برتراند رسل: أصول الرياضيات، ترجمة محمد مرسي لحمد ولحمد فؤاد الأهواني، الجزء الرابع، ١٣٨) برتراند رسل: أصول الرياضيات، القاهرة، ١٩٦٤م، ص١٣٥.

⁽⁷⁹⁾ http://www.liilas.com/vb3/showthread.php?s=&threadid=63108

والمنطقي ولهذا ابتكر مصطلحه الرمزي الفذ الأكثر سهولة ووضوحا والذي يعـــد أساسا لفهم أفكار فريجة المنطقية والذي استخدمه أصحاب البرنكبيا فيما بعد .

أولا: الرمز المنطقى عند رسل:

لقد أهتم رسل بإقامة العلاقة بين المنطق والرياضيات على أساس جديد يهدف إلى تحويل العدد من كيان رياضي إلى كيان منطقي، ومن شم أصبحت الرياضيات تستند في يقينها إلى مقدمات منطقيسة خالصة، بحيث أصبحت الرياضيات جزءاً من المنطق أو نتيجة من نتائجه. ولقد أستطاع رسل صياغة كل أفكاره في صورة رمزية ودون استخدام للألفاظ هو كالتالى:

" r, b, s "لمنطقية "الموضوع" بأحرف الهجاء مثل r, d , d , d ،

ب ــ لقد عبر رسل عن السور الكلي في القضية بالرمز (x)، وإلى السور الوجودي بالرمز (X).

ج ـ لقد تحمس رسل للرموز التي وضعها بيانو للثوابت المنطقية وهي:_ السلب المنطقي: ورمز له بـ " ~ ":تعني أن النقيضين لا يتفقان ،فاذ صدق أحدهما كذب الأخر ،والعكس .

الربط المنطقي: لقد رمز له بد " • ": هر الذي يعبر عن "و " العطف ويصدق في حالة صدق الطرفين ويكذب فيما دون ذلك.

القصل المنطقي :لقد رمز له بـ " \"و هو الذي يعبر عن الثابيت إمـ ا .. أو .. ويصدق في حالة صدق أحد طرفي الانفصال على الأقل (81). .

التضمن أو اللزوم: فقد عبر عنه بـ " = " : هو الذي يعبر عنه الثابـت إذا ...
إذن .. ويصدق في حالة عدم اشتماله على مقدم صادق وتالى كاذب.

التكافئ المنطقي: عبر عنه بالرمز " = ": هو الذي يعبر عن تساوي طرفسي القضية المنطقية بحيث يمكن تبديل طرفاها دون الإخلال بالمعنى.

⁽⁸⁰⁾ كريم متى : المنطق الرياضي ، مؤمسة الرسالة ، بيروت ، ١٩٧٩م ، ص ١٩٥٠.

^{(&}lt;sup>81</sup>) M., Joseph Bochenskiy.: A history of formal logic, translated by Ivy Thomas,. Chelsea pub. co, New York, 1970, 2nd ed, p. 318

كما رمز لثابت الجمع المنطقي بالرمز " U" ،ولقد رمز للضرب المنطقي والذي أطلق عليه أحياناً أسم التقاطع بالرمز " Ω ". كما رمز إلى انتماء عنصر إلى فئة بالرمز (Ω) (Ω 0).

ولقد أسهمت آراء رسل في إذابة كل الحدود بين المنطق والرياضيات البحت وذلك لأن "الزياضيات بأكملها أصبحت تقوم على المنطق الرمرزي" (83). ولعل هذا التقارب الشديد بين المنطق والرياضيات هو الدي سمع لرسل بتعريف الرياضيات تبحتة بأنها: باب جميع القضايا التي صورتها (ق يلزم عنها ك)، حيث ق،ك قضيتان لا تشتملان على ثوابت غير الثوابت المنطقية (84). ومادام اللزوم هو مفهوم منطقي فإن الرياضيات كلها أصبحت جزءاً من المنطق.

ثانياً: الرمز المنطقى عند ثويس:

لم يشأ مناطقة العصور الوسطى في أوروبا بحث الجزء الخاص بمنطق الجهات ،واكتفوا فقط ببحث النظرية العامة في القياس والتي تعتمد على تصور ثنائي لقيم الصدق والكذب بالقضية ، ولقد نابع علماء المنطق ذلك الاتجاه ودرسوا المنطق باعتباره منطق ثنائي القيم ،ولعل ما ساعدهم على هذا هو نظرتهم الرياضية للمنطق والتي لا يمكن لها أن تبنى إلا على تصور قضاياه إما صادقة أو كانبة ،إلا أن أقوال رسل لرد الرياضيات المنطق أوجدت مبل لبحث المنطق بشكل مستقل وبدأ بالتدريج اتجاه بهدف إلى دراسة الجهة المنطقية Modal concepts مستحيل impossible — حادث modile ومروري possible وبعض هذه التصورات يمكن أن ننسبها للقضايا التي ليست ضروري necessary وبعض هذه التصورات يمكن أن ننسبها للقضايا التي ليست صادقة أو كاذبة ،ومن ثم ينشأ المنطق الذي يسمح بثلاث قيم للقضايا وهو ما نسميه بالمنطق متعدد القيم "Many - valued logic".

B. Rusel, & .A. Whitead: Principal Mathematical, Cambredg Uneversity Press, (*2)

London, Vol.1, 1963.p 205

[.]W Kneal & M Kneal : op cit, p 521 (83)

^{(&}lt;sup>84</sup>) د عرمي إسلام : أسس المنطق الرمزي ، مكتبة الأنجلو المصرية ، القاهرة ، ١٩٨٢م ،ص ١٤٢.

وتعد كتابات لويس C.I. Lewis التي حاول فيها تعريف الثوابت المنطقية عن طريق إدخال تصور الجهة محاولة جادة لدراسة المنطق بشكل مستقل عن الرياضيات، فلقد عرف لويس التضمن الدقيق بقوله: من المستحيل أن p تكون صادقة ، p كاذبة . وعلى هذا الأساس حاول تقديم علاقة مفهوميه بين q , p حيث يربطهما بتصور " الضرورة " necessity حتى يستمكن من تعريف التضمن الدقيق (85)، ويستخدم لويس بعض الرموز الخاصة لتمييز فكرة التضمن الدقيق عن فكرة رسل وتنحصر رموزه في:

أولا: الأفكار الأولية وهي:

۱- القضمايا ويرمز لها بالرموز r,q.p ،

impossible حويشير به للاستحالة حويشير به للاستحالة

Negation - ویشیر به للسلب الرمز - ویشیر به للسلب

3 ـ حاصل الضرب المنطقي logical product مثل p q أو (p q) و و و تعنى أن كلا من q ، p صادقتان .

تانيا التعريفات: Definition

بناء على هذه الأفكار يضم لويس قائمة تعريفاته وهي كالآتي :

ومعناه : إما ق أو ك " وتكافئ: من الكنب أن تكون (ق كاذبة و ك كاذبة).

^{(85),} C.I Lewis,: A survey of symbolic Logic, Dover Publication, New York, 1960. p 45.

⁽⁸⁶⁾ C.i Lewis:, and C.H. Langford., Symbolic Logic, Brace & World, New York, 1962, p 132.

[.] Ibid. p 150 (87)

p = q والتسي p = q مثيل p = q والتسي المنطقية والتسي متبادلة للثوابت المنطقية .

ولقد رمز للتكافؤ بــ: ق = ك = (ق ق ك ك). (ك ق ق ق ق). ولقد رمز للتكافئ بــ: ق = ك = (ق ق يلزم عنها لزوما دقيق ك) و (ك يلــزم عهنا لزوم دقيق ق) وبهذا تكون القضيتان متكافئتين إذا كانت كل منهما تلزم عن الآخر (88).

ولقد عاصر رسل محاولة لويس هذه حيث نقد رسل فكرته عن الجهات وذلك على أساس أن فكرة "دالة القضية" يمكن أن تحل محل جهات القضية، فإذا كانت دالة القضية صادقة دائما فهي تحل محل القضية الضرورية ، أما إذا كانت الدالة صادقة أحيانا تحل محل الممكنة، وإذا كانت دائما كاذبة تكون قضية مستحيلة (89) ولهذا أعتبر رسل أن تمييزه بين القضيتين ودالة القضية أدى إلى إلغاء مبحث الموجهات ولقد أقر لويس مجموعة من النظريات التي تترتب على تعريف الجهات وتتعلق بالصدق أو الكذب فيها فيقرر ما يلى:

ا ــ ق ق وتعنى ما هو صادق فهو ممكن منطقيا.

٢ _ ~ ۞ ق التساس ق . وتعنى نما هو مستحيل فهو كاذب.

٣ ــ ~ ٥٠ ق 3- ق . وتقلى :ما هو ضروري فهو صادق (٥٠).

القضية " P ضرورية " تعني " ليس ممكن أن تكون p كانبة ".

⁽⁸⁸⁾ لقد قدم بيكر محاولة لنطوير رمزية لويس إلي رمزية أفضل بحيث يقضي على بعض الصعوبات التي يمكن أن تعترض البرهنة على القضايا، ولهذا استخدم الرمز الله البعني به " أنه من الضروري

 $P \square = \sim \Diamond \sim p$

[.] W Kneal & M Kneal: op cit, p 551 (89)

⁽⁹⁰⁾C.l Lewis, and C.H. Langford., : Symbolic Logic, p 147

تالثاً: الرمز المنطقى عند لوكاشيفتش 19:

اهتم لوكشيفتش بدراسة المنطق متعدد القيم والتي استفاد كثير من جوانبها من معالجة أرسطو لمنطق الجهات: الممكنة ، المحتملة ، المحتملة والممتنعة في كتابي العبارة والتحليلات الأولى، فلقد رغب في إنشاء نسق منطقي ثلاثي القيم، وإلى صباغة نظرية تحتوى على القوانين الخاصة بالمنطق التقليدية والتي تبحث في منطق الجهات، و بهذا يستطيع التغلب على مدذهب الحتمية الفلسفي، وإنشاء نسق متعدد القيم يمكن أن تصل قيمه إلى ما لا نهاية له.

ولقد بدأ لوكشيفتش نسقه المنطقي بذكر الأفكار الأولية وهي :

p – ۲ کاذبهٔ ویرمز لها بالرمز Np أي (non - p)

p - ۳ قضية ممكنة ويرمز لها بالرمز p - ۳

2 – p ليست ممكنة ويرمز لها بالرمز NMP

o- (non-p ممكنة) ويرمز لها بالرمز mon-p

۲ – (non-p لیست ممکنة) ویرمز لها بالرمز NMMP

التضمن ليميز فكرته عن فكرة رسل و لويس (92).

فالعبارة : إذا كانت p صادقة إذن p صادقة كذلك. تكتب في رمزية لوكاشيفتش بالصورة التالية :

^{(&}lt;sup>91</sup>) ولد لو كاشيفتش في عام ١٨٧٨ م ،أهتم بدراسة علم الرياضيات والقلسفة وبعد حصوله على شهادة الدكتوراه في القلسفة سنة ١٩٠١ ، عين محاضرا في القلسفة ، تدرج في المناصب العلمية حتى أصبح في سنة ١٩١٩ م وزيراً للتربية ،ولقد أسهم المنطقي البولندي في محاولة إصلاح علم المنطبق المعاصر، فطور كثير من المقاهيم والمصطلحات في المنطق الرياضي ، ولقد ساعد في نـشأة المدرست البولندية التي طورت أبحاثها المنطق حتى يتفق مع طبيعة الدراسة في هذا العلم . انظر: يان لوكاشيفتش: نظرية القياس الأرسطية ، ترجمة عبد الحميد صبره، ترجمة ، منشأة المعارف ، الإسكندرية ، ١٦٠١م ،

⁻W Kneal & M Kneal: op cit, p 521 (92)

السيخدام الرمز لكي يشير إلى السور الجزاء مو: كالمور النوي يشير إلى السور الجزاء مو: والسور الذي يشير إلى التعميم وهو: والمار الذي يشير إلى التعميم وهو: والمار الذي يشير إلى التعميم وهو: Defined Ides .

لقد استخدم اوكاشيفتش قائمة تعريفانه حتى بستطيع تعريف الثوابت المنطقية الأخرى والتي جاء تعريفه لها كما يلى:

ا – الفصل المنطقي ويرمز له بالرمز A ويعرف كما يلي : A pq = CCpqq

ب- الوصل الداطقي ريرمز له بالرمز λ ويعزف كما يلي : $pq = NANpNq \implies pq \ge 3$

E التكافؤ المنطقي ويرمز له بالرمز E ويعرف كما يلي E التكافؤ المنطقي ويرمز له بالرمز E pq = kcpqcqp

لقد لمس لوكاشيفتش صعوبة المصطلح الرمزي الخاص بمنطق لويس وذلك من خلال صعوبة كتابته، فكثير من رموزه يجب رسمها باليد وأغلب الظن أن لوكاشيفتش أراد وضع لغة رمزية خاصة بالمنطق يسهل قراءتها وحفظها ما دامت رموز منطقه مأخوذة من الأحرف الأولى للمصطلح في اللغة الهولندية ، كما أن الرمز المنطقي بهذا الشكل أصبح سهل الكتابة باستخدام الآلات الكاتبة وكأن لوكاشيفتش أراد منطقاً رمزياً سهل في القراءة والكتابة والحفظ.

رابعاً: الرمز المنطقى لدى هلبرت:

أهتم هلبرت بصياغة نظرياته المنطقية في صورة رمزية خالصة تتسم بالدقة الوضوح ،و البساطة (20)، والتي ساعدته على التناول العلمي المحكم لموضسوعه والتي قسمها إلى نوعين متغيرات وثوابت .

⁽⁹³⁾ Johnson Baugh; : Discrete mathematics, Upper Saddle River, NJ: prentice Hall, London, 1997, p.l..

⁽⁹⁴⁾ Ramsay, Allan: Formal methods in artificial intelligence, Cambridge University press, Cambridge, New York, 1988, P.15.

^{(25),} P.H. Niditch:, Prepositional calculus, Free Press of Glencoe, New York, 1962, p.61.

ا- المتغيرات: اعتمد هلبرت على رموز تشير إلى القضايا ، انطلاقا من اهتمامه بالقضية ككل مستخدما الرموز: X ، Y ، X ، و الله على القضايا (96) وهي رموز غير محدة المعني وقابلة الاستبدال بشرط ألا يترتب على هذا الاستبدال تناقض البديهيات (97) ،

ب ــ الثوابت: أما فيما يختص بالثوابت المستخدمة في نسق هلبرت المنطقي ، فهي تعبر عن رموز لا يتغير معناها زغم اختلاف مواضعها و الصورة الرمزية للثوابت هي: (98)

ا_ النفى أو السلب Negation:

يرمز هلبرت للنفي بوضع شرطة فرق المتغير المراد نفيمه هكذا : (M) ، والتي تعبر عن دالة صدق بسيطة مكونة من متغير ثابت واحد فقط $(^{99})$.

٢_ الوصل أو العطف المنطقى:

يرمز هلبرت للوصل بالرمز (&)، ويمكن تمثيل صدورته العامة بالصيغة التالية : (X & Y) والتي تعبر عن دالة الوصل أو الربط ، ويقابل الضرب في الرياضة ، والتي يقتضي صدقها صدق كل من $X \in Y$ (100).

٣_ الفصل المنطقى:

يرمز هلبرت للفصل بالرمز "V" ، والذي يعتبر عند الفصل الضعيف أو الجامع والذي يقتضي بصدق القضية في حالة صدق طرفاها أو أحدهما على الأقل (101).

: Implication اللزوم

يرمز هلبرت للزوم بـ (ح) وهو يخالف الرمز الشائع للزوم في المنطسق الرمزي وهو (عن عنه المغوياً بـ " إذا .. فإذن .. " وينتج عن الربط بــين

⁽⁹⁶⁾ Ibid, p 79.

⁽⁹⁷⁾ د. عزمي إسلام: أسس المنطق الرمزي ، ص ١٢٢ .

⁽⁹⁸⁾ د. محمد محمد قاسم: المدخل إلى فلسقة العلوم، دار المعرقة الجامعية، الإسكندرية ١٩٩٦م، و98

⁽⁹⁹⁾ D. Hilbert, and W. Ackermann,: The Principles of Mathematical logic, Tran. By M. Lewis, Chelsea publishing, American Mathematical Society, New York, 1999, p. 23.

⁽¹⁰¹⁾ M. Irving Cope: Symbolic logic, Macmillan, New York, 1954, P239.

المتغيرين X و Y بثابت اللزوم والحصول علي قضية مركبة ، يطلق عليها دالية اللزوم المنطقي وهي: $Y \leftarrow X$. وتقرأ علي النحو التالي : إن صدق القسنسية (X) يلزم عنه صدق القضية (Y) ولقد أكد أن اللزوم يعد معبراً عن علاقة منطقية بين المبادئ والنتائج ، وهذه العلاقة ليست بالعلاقة المتبادلة بين المقدم والتالي $(^{102})$.

٥- التكافؤ أو المساواة:

يرمز هلبرت للتكافؤ "بالرموز التالي " ~ " (103) في مقابل رمز التكافؤ الشائع وهو (\equiv) ، وهو ثابت مألوف في الرياضة – ويلعب دوراً مماثلاً لدور علاقة التساوي في الجبر ، كما أن التساوي (\equiv) يعبر عن الهوية دون الاشتراك في المعني (104) مع استبعاد إمكان صدق إحداهما مع كذب الأخرى .

و بعد أن وضح هلبرت أفكاره الأولية والخاصة بقائمة التعريف ال المنطقية نجده يضع قائمة من البديهيات والتي تعد قضايا صادقة أو تحصيل حاصل وهي :

 $a- XvX \rightarrow X$

 $b-X \rightarrow XvX$

 $c-Xvy \rightarrow YvX$

d- $(X \rightarrow Y) \rightarrow (zvX \rightarrow zvY)$

خامساً: الرمز المنطقى عند كل من بوركوفسكي و تشيرش:

أ ــ الرمز المنطقي في نسق بور كوفسكي : استخدم سلوبيسكي بوركوف سكي نوعين من الرموز في نسقه المنطقي وهي :

١- رموز بشير بها إلى المتغيرات القضائية مثل:

P, q, r, s, p1, q1, r1, s1,

وتشير هذه المتغيرات إلى قضايا ، أو جمل sentences توصف بأنها إما صادقة true أو كاذبة false .

٢- التوابت المنطقية وهي تمثل الروابط التي تقوم بسين المتغيسرات القسطائية
 لتشكل صيغاً مركبة ، و تشمل :

⁽¹⁰²⁾ د. عزمي إسلام: العرجع السابق، ص ١٥٢.

⁽¹⁰³⁾ D. Hilbert, and , W. Ackermann.: Principles of mathematical logic, p.4.
د. مخمد ثابت الفندي : أصول المنطق الرياضي ، ص ١٢٣ .

- تابت النفي negation ويرمز له بالرمز ٦، ويصبح التعبير "p" معبراً عن نفي القضية p ويقرأ : أن p ليست صادق.
- ثابت الوصل conjunction ويرمز له بالرمز ۸ ، الذي يعبر عبر عن الضرب المنطقي في الصبيغة المركبة "p ۸ q" والتي تقرأ
 " q و p " .
- ثابت الفصل disjunction ورمزه V ، والسذي يعبر عن الجمع المنطقي في الصبيغة المركبة " p v q " والتي تقرأ على النحو التالى : "q أو p ".
- ثابت النضمن implication ورمزه \rightarrow ، والذي يربط بين متغيرين ويكتب على النحو التالي : " $p \rightarrow q$ " وتقرأ هكذا : " إذا كان q فإن p ".
- ثابت التكافؤ equivalence ورمسزه = ، حيث السصيغة المركبة " p = q" تقرأ على النحو التالي " p إذا وإذا فقسط p (105).

ب _ الرمز المنطقى عند تشيرش (106):

ويقوم المنطق الصوري عند تشيرش علي أساس ابتكار لغة خاصة ، هي اللغة الصورية A Formalized Language ، كما يعتمد هذا المنطق على اللغة الصورية المنطق على اللغة (107) ، ثم يصرح تشيرش ببعض المنهج الرياضي الصوري الإقامة مثل هذه اللغة (107) ، ثم يصرح تشيرش ببعض القواعد الدقيقة التي ينبغي الالتزام بها عند بناء (اللغة) 108 ، و التي تعبر عن حدث

^(105) د. ماهر عبد القادر: التطور المعاصر لنظرية المنطق ، دار النهضة العربية ، بيروت ، ١٩٨٨ م ، ص

⁽¹⁰⁶⁾ يعد "تشيرش" من رجال المنطق الرياضي المعاصر ، اهتم بالمنطق وفلسفة اللغية ومين المساهمين في نشر المنطق الرياضي من خلال وظيفته كأسناذ بجامعة Princeton ، قدم تشيرش وجهية نظر سورية معاصرة في المنطق من خلال أهم مؤلفاته " مقدمة في المنطق الرياضي عام ١٩٤٤ م والذي يعد مقدمة طبية لهذا الموضوع، بالإضافة إلى صياغة منطق المعني والإشارة عام ١٩٥١ م، و الرياضيات والمنظق تر ١٩٥٠ م.

^{(167),} Alonzo Church: Introduction to mathematical logic, Princeton University press, Princeton, N. J. London, 1956, pp. 1-2.
(108) Ibid., p. 47.

أو واقعة جزئية معينة ، ومن ثم نجد المتغيرات لدى تشيرش أصبحت تتعامل مع المواد التي يلقاها المرء في خبراته اليومية (109) ، وهذه الفكرة نجد أصولها عند أصحاب المنطق الرواقي، حيث ترمز قضاياهم المنطقية إلى وقاع جزئية مما يمر به الإنسان في حياته اليومية.

لقد بدأ تشيرش نسقه المنطقي بتحديد مصطلحات اللغة لديه والتي اعتمد علي المنهج الرمزي ، المنطقي ، والرياضي لصياغتها ، ومن ثم قام بوضع قائمة الرموز " اللغة الصورية " والتي يتم استخدامها في منطقه ، وهسي : ثوابت، متغيرات، روابط و عوامل .

<u>ا لثابت:</u> يعبر الثابت من وجهة نظر تشرش على اسم عام،أو معنى كلي ويرمز له بالرموز الخاصة بأحرف الهجاء في اللغة مثل: g,r,q,p. S,r,q.p.

<u>٢ المتغير:</u> يشير المتغير إلى معنى مماثل لمعنى الاسم العام أو الثابت باستثناء كونه متنوع، ومتغير، إذ يعبر عن حدث أو واقعة جزئية معينة ويرمن تشيرش للمتغيرات بالرموز q2, p2, s1, q1, p1.

"الرموز ، التي تربط ثابت معين بواحد أو أكثر من الثوابت الأخرى، أو المتغيرات على حد سواء ،و تشمل:

- النفي المنطقي: يعتبر النفي الرابط القضائي الوحيد الذي يُطبق على قضية واحدة فقط من أجل إنتاج قضية تنفي هذه القضية ، ويرمز تشيرش للنفي بالرمز (~) الذي يوضع قبل القضية المراد نفيها: (~ أ)،
 - الفصل المنطقي : ورمزه (٧) ، ولقد تحدث تشيرش عن نوعي الفصل الفصل : الضعيف والذي يصدق في حالة صدق طرفي الفصل أو أحدهما على الأقل والقوي الذي يصدق في حالة صدق أحد طرفي الفصل فقط.

- اللزوم المادي: ورمزه (ع) ويتشكل منه دالة المصدق القصية اللزوم المادي: ورمزه (ع) ويتشكل منه دالة الصحدق القصية الشرطية ، وصبيغتها (p) ع وتقرأ إذا كانت (p) صادقة فإن p تصدق . أو تلزم (p) لزوماً مادياً عن (p) علمي أن تكذب هذه الدالة فقط في حالة صدق (p) وكذب (p) .
- •عكس اللزوم: ورمزه (ح) ويتشكل منه دالمة عكس اللزوم ورمزه (ح) ويتشكل منه دالمة عكس اللزوم وصيغتها (P = q) ويقصد بها صدق q لو صدقت p علي أن تكذب الدالة في حالة واحدة فقط هي كذب p وصدق p.
- التكافؤ المنطقي: ورمزه (\equiv) ويتشكل منه دالة المصدق الثنائية الشرط، وصيغتها ($p \equiv q$) وتقرأ هكذا:
- p صادقة إذا وفقط إذا كانت p صادقة. و يقصد بها تكافؤ (p) (مادياً) مع (q) وتكذب هذه الدالة في حالة صدق إحداهما و كذب الأخرى q, و و و كانت عدل الأخرى q, و و و كانت عدل الأخرى q, و و كانت عدل الأخرى و باله عنا كانت من الله عنا كانت من عنا كانت الله عنا كانت النه عنا كانت المنا كانت المنا كانت المنا كانت المنا كانت المنا كانت الله كانت المنا كانت المنا
- الوصل المنطقي : لم يضع تشيرش رمزاً للوصل ، بـل اعتبره مثل علامة الضرب قابل الحذف ، ويتشكل من هذا الـرابط الوصل وصيغتها (qp) والتي تعني عند تشيرش peq.
- نفي الوصل المنطقي : ورمزه الشرطة (١) ويتشكل منه دالة النفي التنافر، وتعنى نفي كل من p\q أو ليس كلاهما معاً.
- نفي التكافؤ المادي : ورمزه ≠ ، ويتشكل منه الدالـة التاليـة :

 q ≠ p و التي تعني (P) أو (p) ولكن ليس كلاهما معاً أو (p) ليست متكافئة مادياً مع (p) ، وتصدق هذه الدالـة فـي حالـة صدق أحداهما وكنب الأخـرى وتكـنب فـي حالـة صدقهما أو كنبهما معاً .
- نفي اللزوم المادي: ورمزه (م ويتشكل منه الدالة: p م و بنفي اللزوم المادي: ورمزه (م و يتشكل منه الدالة و الم و حكمها عكس حكم اللزوم أي أنها تصدق في حالة و احدة وهي : صدق المقدم وكذب التالى .

- نفي الفصل المنطقي : ورمزه (٧) ، ولقد تحدث تشيرش عن دالة نفي الفصل والتي تأخذ عكس حكم الفصل المنطقي أي أنها تصدق تصدق في حالة كذب طرفي القضية وتكذب في حالة صدق طرفي الفصل أو أحدهما على الأقل .
- عكس نفي اللذوم: ورمزه (+)، ويتشكل منه الدالة: $p \neq q$ علي أن تصدق الدالة فقط في حالة كنب (+) و صدق (+) (+).

 ولقد أهتم تشيرش بوضع بعض التعريفات المثوليات المنطقية باستخدام بعض الثوابات الأخرى والتي ألفها عن طريق وضع الثابات المراد تعريفه أولاً ثم يضع سهم (+) والذي يؤدي معنى يلزم عنه أو يساوي أو يكافئ (+) مضع التعريف (+) مثال تعريف التكافؤ المنطقي وهو: (+)

تعقيب:

ا لقد جاءت آراء رسل في المنطق الرمزي تتويج لجهود السابقين عليه، فلقد استفاد من محاولة جورج بول في إنشاء منطق يقوم على اسساس الرياضسيات وتعريفات فريجة للثوابت المنطقية، والمصطلح الرمزي الخاص ببيانو لتأسيس آراءه في المنطق الرياضي والذي قام على إلغاء الحدود بين المنطق والرياضيات البحتة وهذا التقارب الشديد بين المنطق والرياضيات هو الذي سمح لرسل بتعريف الرياضيات البحتة بأنها: باب جميع القضايا التي صسورتها (ق يلسزم عنها ك)، ومادام اللزوم هو مفهوم منطقي فإن الرياضيات كلها أصبحت جزءاً من المنطق.

٧- تعد كتابات لويس C.I. Lewis والتي حاول فيها تعريف الثوابت المنطقية عن طريق إدخال تصور الجهة محاولة جادة لدراسة المنطق بشكل مستقل عن الرياضيات ، فلقد رغب في إنشاء نسق منطقي متعدد القيم، و إلى صياغة نظرياته بحيث تحتوى على القوانين الخاصة بالمنطق التقليدية والتي

⁽¹¹¹⁾ Ibid, P.37. (112) Ibid., p. 49-50.

تبحث في منطق الجهات، و بهذا يستطيع التغلب على مذهب الحتمية الفلسفي. و لقد انحصرت رموزه المنطقية في:

القضايا المنطقية والتي رمز ليا بالرموز q.p ، أما الرمز " ~ " فلقد أشار به للاستحالة. أما الرمز - فيشير به للسلب المنطقي،أما الإمكانية فلقد عبسر عنه... بالرمز : أما الفصل المنطقي فقد رمز له ب... " V". أما التصمن فيسشير لمه بالرمز " 3-" والتكافؤ المنطقي بالرمز " - ".

"س لقد لمس لوكاشيفتش صعوبة المصطلح الرمزي الخاص بمنطق لويس وذلك من خلال صعوبة كتابته، فكثير من رموزه يجب رسمها باليد وأغلب الظن أن لوكاشيفتش أراد وضع لغة رمزية خاصة بالمنطق يسهل قراءتها وحفظها ما دامت رموز المنطقية مأخوذة من الأحرف الأولى للمصطلح في اللغة الهولندية ، وهي المتغيرات القضائية والتي رمز لها بـ ٢, ٩, p .

p كاذبة ويرمز لها بالرمز Np ، أما القضية الممكنة فيرمز لها بالرمز "M" كما استخدم الرمز c ليشير إلى التضمن.أما الفصل المنطقي فيرمز له بالرمز "A" والوصل المنطقي فيرمز له بالرمز "k"، والتكافؤ المنطقي فيرمز له بالرمز "k"، والتكافؤ المنطقي فيرمز لم بالرمز "E".

3— أهتم هلبرت بصياغة نظرياته المنطقية في صورة رمزية خالصة تتسم بالدقة الوضوح ءو البساطة،ولقد ساعده على هذا التناول العلمي المحكم لمودنوعه اللغة الرمزية الدقيقة التي استعان بها للتعبير عن أفكاره والتي صنفها إلى :المتغيرات: اعتمد هلبرت على رموز تشير إلى القضايا ، انطلاقا من اهتمامه بالقضية ككسل مستخدما الرموز : X ، Y ، X ، Y . X . Y . X . Y . X . Y

هـ يقوم المنطق الصوري عند تشيرش علي أساس ابتكار لغة خاصـة ، تعتمـد على المنهج الرياضي الصوري لإقامته،ومن ثم يصرح تشيرش بـبعض القواعـد الدقيقة التي ينبغي الالتزام بها عند بناء (اللغة) والتي رآها تعبـر عـن حـدث أو واقعة جزئية معينة ،ومن ثم نجد المتغيرات لدى تشيرش أصـبحت تتعامـل مـع المواد التي يلقاها المرء في خبراته اليومية و يرمز لها بــ " q2, p2, s1, q1, p1 و الثابت المنطقي فيعبر عن معنى عام أو كلي ويرمز له بالرموز p, r, q, p، أما الروابط المنطقية فهي التي تؤلف القضايا المركبة والتي أخذ معظمها من أصحاب البرنكبيا.

الخاتمة:

السلقد اقترنت نشأة وتطور الرمز المنطقي بنشأة رتطور علم المنطق، إذ أن علم المنطق يعد من العلوم التي يمكن المودة بنشأتها إلى بدأ الوجود البشري فما دامت مناك عقول تفكر فلابد لها من أداة تكسب هذا التفكير اليقين ، وبالنسبة الفلاسفة البونان أبل أرسطو كانت الديهم صياغات استدلالية توضح إيمانهم بالعلاقات اللزومية بين المقدمات والنتائج، كما عرفوا أكثر من نوع من القضايا المنطقية ،كما استخدموا الجهات المنطقية والبرهان المنطقي لعرض آرائهم وإثبات صحتها، إلا أنها لم تخرج عن إطار كونها صيغ استدلالية ولم ترقى لمستوى النظرية.أما أرسطو فلقد أهتم ببحث قواعده وقوانينه بشكل محكم ،ولقد ساعده على هذا اللغة الرمزية التي ابتكرها لمحاولة اغتصار الأفكار والتي مكنته من دراسة كل الاجتمالات ،والتركيز على بحث العلاقات القائمة بين الثوابت المنطقية،ولهذا تمكن من وضع قواعد ونظريات علم المنطق.

٢. نقد أقتصر الرمز في المنطق التقايدي على التعبير عن المتغيرات المنطقية فقط ، إلا أن الرمز المنطقي قد اتسعت دائرته في الأنساق المنطقية الحديثة ، فلقد تتبه المناطقة إلى الدور الذي يلعبه الرمز في تطوير علم المنطق وأيقنوا أن الخروج عن الإطار الذي ألفه أرسطو لمن يتم إلا بتطوير اللغة الرمزية لعلم المنطق وتتلخص فيما يلى:

أ ـ اقد حاول البنتز تطوير علم المنطق عن طريق إدخال الثوابت الخاصة بعلم الحساب المتعبير عن الثوابت المنطقية ، إلا أنه كان شديد التأثر بأرسطو ولم يشأ الخروج عنه ولهذا جاءت محاولته لنطوير علم المنطق قاصرة.

ب حاول جورج بول تطوير علم المنطق عن طريق إنشاء جبر منطقي وبإدخال الرموز الخاصة بعلم الجبر للتعبير عن الثوابت المنطقية ،وأن كانت محاولته قد واجهت صعوبات تمثلت في اختلاف طبيعة علم الجبر عن المنطق واختلاف النتائج فيما بينهما،ولهذا تضمنت محاولته كثير من الأخطاء.

ج - لقد لمس بيانو الصعوبات التي واجهت المناطقة قبله ،هذا بالإضافة إلى أنه كان معاصراً لفريجة والذي قدم مفهوم جديد للثوابت المنطقية مستقل عن علم الحساب والجبر ،وإن كان أخذ على فريجة صعوبة مصطلحه الرمزي الذي ألفه بحيث يستخدم حروف الهجاء اليونانية للتعبير عن المتغيرات في القضايا ، وللإشارة للأسوار . إلخ. كما استخدم خطوطا أفقية ورأسية برسوم معينه لتدل على الثوابت المنطقية، ولكل رسم معنى بحيث تطول الخطوط وتقصر ولكل واحد منها دلالته ،ولهذا حاول بيانو تقديم مصطلح رمزي أكثر سهولة ويسر ،والذي تحمس له رسل و أعتمد عليه في صياغة آراءه.

د - لقد تمثلت إسهامات كل من لويس ولوكاشيفتش في محاولة بناء منطق متعدد القيم ،يقوم على تصور الجهة المنطقية ،مع صياغة المنطق في صحورة رمزية خالصة تمثلت في التعبير الرمزي عن الثوابت ،المتغيرات ،والجهات المنطقية، ولقد أعتمد لويس على الثوابت الخاصة بالبرنكبيا للتعبير عن الثوابت الخاصة به ،أما الجهات المنطقية فلقد عبر عنها برسومات معينة وهي الضرورة: □ ،الإمكان: ♦ ،أما الممتنع أو المستحيل فقد عبر عنه بالرمز:

م أما لوكاشيفتش فقد حاول تقديم لمغة رمزية أكثر بساطة المتعبير عن المصطلح المنطقي والتي تمثلت في استخدام الحرف الأول من أحرف الهجاء الهولندية للمصطلح قرمز للممكن بالرمز: М ، واستخدم الرمز ع ليشير إلى التضمن أما الفصل المنطقي فيرمز له بالرمز "A" .والوصل المنطقي يرمز له بالرمز " ". والوصل المنطقي يرمز له بالرمز " ". والوصل المنطقي يرمز له بالرمز " ".

هـ ـ اهتم كل من هلبرت و تشيرش بصياغة نظرياتهما المنطقية فـي صحورة رمزية خالصة تتسم بالدقة ،الوضوح ،و البساطة،ولقد ساعدهما على هذا التساول العلمي المحكم للموضوع اللغة الرمزية الدقيقة التي اســتعانا بهـا التعبيـر عـن أفكار هما والتي صنفها هلبرت بحيث تشير المتغيرات إلى قضايا رمز لها بـــ : أفكار هما والتي صنفها هلبرت المنطقية وهي: النفي المنطقي فلقد رمز لــه بوضــع شرطة فرق المتغير المراد نفيه هكذا : (\overline{M}) .أما الوصل المنطقي : فيرمــز لــه بالرمز (\mathcal{S}) ، كما استخدم هلبرت الرمز \mathbb{V} التعبير عن الفصل المنطقي ويرمــز لــه هلبرت للزوم بــ (\leftarrow) ،أما التكافؤ فلقد عبر عنه بالرمز " ~ " . أما تشيرش فلقد نظر للغة على أنها تعبر عن حدث أو واقعة جزئية معينة ،ومن ثم نجد المتغيرات نظر للغة على أنها تعبر عن حدث أو واقعة جزئية معينة ،ومن ثم نجد المتغيرات يرمز لها بــ " المارموز $(\mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{q}, \mathbf{p})$. أما الثابت المنطقي فيعبر عن معنى عــام أو كلي ويرمز له بالرموز $(\mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p})$ أما الروابط المنطقية والتــي تؤلــف بــين أو كلي ويرمز له بالرموز $(\mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p}, \mathbf{p})$ أما الروابط المنطقية والتــي تؤلــف بــين القضايا البسيطة لتتكون القضية المركبة فلقد أخذ معظمها من أصحاب البرنكبيا.

أولاً: قائمة المصادر والعراجع العربية:

- (۱) أرسطو: التحليلات الأولى، تحقيق: د. عبد الرحمن بدوى ضمن منطق أرسطو الجزء الأولى، الهيئة العامة الكتاب، القاهرة، ١٩٤٨ م.
- (٢) أفلاطون : فيدون ، ترجمة وتقديم: د. عزت قرني ، مكتبة الحرية الحديثة ، الفلاطون : الطبعة الثانية ، القاهرة ، ١٩٧٩م .
- (٣) أفلاطون: محاورة منكسينوس ، ترجمة وتقديم: د. عبد الله المسلمي ، منشورات المحامعة الليبية ، الطبعة الأولى ، طرابلس ، ١٩٧٢ م.
- (٤) د. البير تصري تندر: المنطق الصوري ، منشورات مكتبة العرفان ،الطبعة الأولى، بيروت، ١٩٢٦ م .
- (°) الفارابي : نص التوطئة لمنطق أرسطو ، تحقيق وتعليق وتقديم : د. رفيق العجم ، دار الفارابي : نص التوطئة لمنطق أرسطو ، تحقيق وتعليق وتقديم : د. رفيق العجم ، دار
- (۱) ــــــ : نص كتاب العبارة ضمن سلسلة المنطق عند القارابي ، الجرع الثاني ، تحقيق وتقديم وتعليق د. رقيق العجم، دار المشرق ، بيروت، ۱۹۸۱م.
- (٧) الفرد تارسكي : مقدمة للمنطق ومناهج البحث في العلسوم الاسسندلالية ، ترجمسة د. عزمي إسلام ، الهيئة المصرية العامة للتأليف والنشر ،القاهرة ، ١٩٧٠م .
- (٨) الكسندر ماكوفلسكي: تاريخ علم المنطق، ترجمة: نديم علاء الدين، دار الكسندر ماكوفلسكي القارابي، بيروت، ١٩٧٨م.
 - (٩) د. أميرة خلمي مطر: الفلسفة اليوثائية تاريخها ومشكلاتها ، الجزء الثاني ، دار الثقافة الميرة علم المنائي المنشر والتوزيع ، القاهرة ، ١٩٨٥م .
 - (١٠) برتراند رسل: أصول الرياضيات، ترجمة محمد مرسى أحمد وأحمد قؤاد الأهواني، الجرع الرابع ، دار المعارف، القاهرة، ١٩٦٤م.
- (۱۱) برتراند رسل: تاریخ الفلسفة الغربیة ، الکتاب الأول، الفلسفة القدیمة ، ترجمة د. زکی نجیب محمود ، راجعه د. احمد أمین ، مطبعة لجنة التألیف والترجمة والنشر ، القاهرة ۱۹۱۷،
- (۱۲) بول موي: المنطق وفلسفة العلوم، ترجمة فؤاد حسن زكريا، مكتبة دار العروبة، الاعرابة على الكويت، ۱۹۸۱م.

- (١٣) بيار بويانسي: أبيقورس ،تعريب د.بشار صارجي ،المؤسسة العربية للدراسات والنشر ،الطبعة الأولى، بيروت، ١٩٨٠م.
- (١٤) د. جيرارجهامي : نص تلخيص منطق أرسطو " المجد الأول "، دار الفكر اللبناني ، العبداني ، الطبعة الأولى ، بيروت ، ١٩٩٢م.
 - (١٥) روبير بالنشي: المنطق وتاريخه من أرسطو حتى راسل ،ترجمة : دخليل احمد المدرديوان المطبوعات الجامعية ،الجزأئر ،بدون تاريخ .
- (١٦)د. زكي نجيب محمود: نحو فلسفة علمية، مكتبة الإنجلو المصرية، القاهرة، ١٩٥١م.
 - (١٧) د. عادل القاخوري: المنطق العربي من وجهة نظر المنطق الرمزي الحديث، دار العربي من وجهة الثانية، بيروت، ١٩٨١م.
- (١٨) د. عبد الرحمن بدوى : المنطق الصوري والرياضي، دار النهضة العربية ، القاهرة ،
- (١٩) عثمان أمين : الفلسفة الرواقية، مطبعة لجنة التأليف والترجمة والنشر، الطبعة الأولى ، ١٩٥١م .
- (٢٠)د عزمي إسلام: أسس المنطق الرمزي ، مكتبة الأنجلو المصرية ، القاهرة ، ١٩٨٢م. (٢١)د. على سامي النشار: المنطق الصوري منذ أرسطو حتى رسل ، دار المعارف ، القاهرة، ١٩٦٥م.
- (٢٢) د. على عبد المعطى محمد ، د . السيد تقادى : المنطق وفلسفة العلم ، دار المعرفة العلم ، دار المعرفة الجامعية ،الإسكندرية .
 - (٢٣)كريم متى: المنطق الرياضي، مؤسسة الرسالة، بيروت، ١٩٧٩م.
- (٢٤)د. ماهر عبد القادر: التطور المعاصر لنظرية المنطق، دار النهضة العربية، بيروت ١٩٨٨،
- (٢٥) د. محمد ثابت الفندي : أصول المنطق الرياضي ، دار المعرفة الجامعية، الإسكندرية ،
 - (٢٦) د. محمد ثابت الفندي : فلسفة الرياضة ، دار النهضة العربية ، بيروت، ١٩٦٩م.
- (۲۷) د . محمد جلوب فرحان : تحلیل أرسطو للعلم البر هائی ، دار الحریة للطباعة ، بغداد
- (٢٨) محمد حمزة القنارى: شرح متن ايساغوجى لأثير الدين الأبهرى، مطبعة دار المكتب

- (٢٩) محمد عابد الجابري: تطور الفكر الرياضي والعفاتية المعاصرة، الجزء الأول ، دار الطليعة، بيروت. ١٩٨٢م.
 - (٣٠) د محمد فتحي عبد الله : المدرسة الفيثاغورية مصادرها ونظرياتها ، مركز دلتا للطباعة ، الإسكندرية ، ١٩٨٩م .
- (٢١) م. محمد محمد قاسم: المدخل إلى فلسفة العلوم، دار المعرفة الجامعية، الإسكندرية
- (٣٢) د. محمود فهمي زيدان : المنطق الرمزي نشأته ونطوره ،دار النهضة العربية ، بيروت ، ١٩٧٣ م.
 - (٣٣) د. مصطفى النشار: نظرية العلم الأرسطية دراسة في منطق المعرفة العلمية عند أرسطو، دار المعارف، القاهرة، ١٩٩٥م.
- (٣٤) نيقولا ريشر: تطور المنطق العربي ، ترجمة ودراسة وتعليق د . محمد مهران ، دار المعارف ، الطبعة الأولمي ، القاهرة ، ١٩٨٥م .
- (٣٥) يان لوكاشيقتش: نظرية القياس الأرسطية ، ترجمة عبد الحميد صبره، ترجمة ، منشأة المعارف ، الإسكندرية ، ١٩٦١م .
- (٣٦) يوسف كرم :تاريخ الفلسفة اليونائية ،مطبعة لجنة التأليف والترجمة والنشر، القاهرة، ١٩٣٦ مـ

ثالثاً: المصادر و المراجع الأجنبية:

- (1) Alan Donegal. The Theory of Morality, The University of Chicago Press, Chicago and London, 1977.
 - (2) Alonzo Church: Introduction to mathematical logic, Princeton University press, Princeton, N. J. London, 1956.
- (3) Aristotle: De interpretation, Trans. by W. D. Ross, 5 vol, Oxford at Claremont press, London, 1972.
 - (4) Benson Mates. Stoic Logic, University of California Press,
 Berkeley, 1953.
 - (5)B. Rusel, & .A. Whitead: Principal Mathematical, Vol.1, Cambridge University Press, London, 1963.

- (6)C.I Lewis,: A survey of symbolic Logic, Dover Publication, New York, 1960.
- (7) C.I Lewis, and C.H. Langford., Symbolic Logic, Brace & World,
 New York, 1962.
 - (8) D. Hilbert, and W. Ackermann,: The Principles of Mathematical logic, Tran. By M. Lewis, Chelsea publishing, American Mathematical Society, New York, 1999.
 - (9) E. W. F. Tomlin: The Greek Philosophy, the Western World sheffington and son Ltd, London, 1976.
 - (10)E .zeller: outlines of the history of Greek philosophy, Dover publication Inc 13 th ed, New York, 1931.
 - (11)F.E. Peters: Aristotle and the Arafs, the Anitotelam in Jslam university press, New York, 1968.
- (12) Fredrick. Copestone: A. history of Philosophy, VOL.1, Greek and Rame, Search Press, London, 1970.
 - (13) G. Frege: Function and Beg riff, in collected papers by M. Black & P. Reach, oxford, 1966.
- (14) G. Frege: The Basic Laws of Arithmetic, trans. By Manlgomey furth, London, 1966.
- (15) G. Frege: The Foundation of Arithmetic's strans. By L. Austin, Harper Torch book, New York, 1960.
- (16) Hilary Putnam: . philosophy of logic, Gergeallen & Unwind L T
 D, London. 1971.
 - (17) II. W. B Joseph: An introduction to logic, oxford. University press, London 1948.
 - (18) L.S. Stabbing: A modern introduction to logic, Methuen Co, London, 1943.

- (19)M. Cope Irving: Introduction to logic, Macmillan publishing CO., Inc 6 th ed, New York 1982.
- (20) M Irving Cope: Symbolic logic, Macmillan, New York, 1954.
- (21) M., Joseph Bochenskiy.: A history of formal logic. : canslated by Ivy Thomas, Chelsea pub. co, 2nd ed, New York, 1970,
- (22)Paul Veneti: logica Magna, part. 1, trans., by Raman Kreszman, Oxford University press London, 1970.
- (23) P.H. Niditch:, Prepositional calculus, Free Press of Glencoe, New York, 1962.
- (24) R. Carnap: Foundation of Logic and Mathematics, University of Chicago press, Chicago Illinois, 1949.
- (25)Renford Bambrough: the philosophy of Aristotle, New American Library, New York, 1963.
- (26) Richard McKeon: Introduction to Aristotle, the Modern library
 . New York, 1947.
- (27) S. A Stabbing: modern Elementary logic, by Methuen & Co, L.
 T.D, London, 1952.
- (28) Susan Haach: Philosophy of logic, Cambridge University press, New York, 1980.
 - (29) W.D. Ross: Aristotle, Methuen and Co., Ltd., London, 1971, p
 - (30)W. Kneal & M. Kneal: the development of logic, Oxford University Press, 1984.

ثالثاً:مادة مستقاة من شبكة الانترنت:

- (۱)محمد صالح عبد الغني: سمات المنطق عند كريسيبوس: انظر الموقع على http://www.iep.utm.edu/c/chrysipp.htm.
 - (٢) عبد اللطيف محمد: أعلام المنطق الرياضي ، انظر الموقع على النت: http://www.liilas.com/vb3/showthread.php?s=&threadid=63108
- (٣) د. رشيد الحاج صالح: سمات المنطق الرياضي، انظر الموقع على شبكة النت: http://www.lillas.com/vb3/showthread.php?s=&threadid=63108 (٤) عبد العزيز السلاب: أهمية المنطق الرياضي، انظر الموقع على شببكة المعلومات: http://www.philosophypages.com/dy/15.htm#log

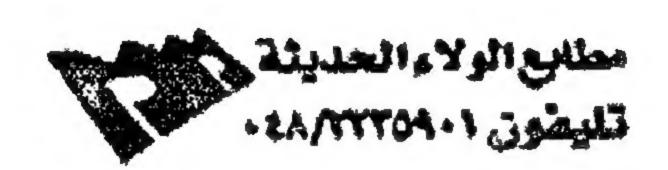
رابعاً: الدوريات ومصادر أخرى:

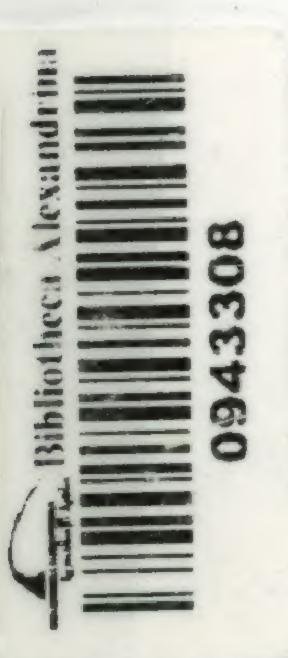
- (۱) مجلة جامعة تشرين للدراسات والبحوث العلمية سلسلة الآداب والعلوم الإنسائية: د. رشيد محمد الحاج صالح علاقة المنطق بالرياضيات عند رسل "حساب الفئات " نموذجا المجلد ۲۷ ،العدد (۱) ،۰۰۰م.
- (۲) د. جمیل صلیبا: المعجم القلسفی ، الجـرء الثانی ، دار الکتاب اللبتانی ، بیروت ، الم اللبتانی ، بیروت ، المحدم البتان ، ۱۹۷۳ م .
- (٣) د. محمد فتحي عبد الله: معجم المضطلخات المنطقية وقلسفة العلوم عدان الوقاء الدنيا الطباعة والنشر، الاسكندرية ، ٢ • ٢م.

<u>محتويات البحث</u>

رقم الصفحة	المؤضوع
ø	: هَننَه
٩	المبحث الأول : الرمز في المنطق التقليدي
٩	تمهید:
١.	أو لا : الرمز المنطقي عند أرسطو
١٤	نانياً: الرمز المنطقي عند الرواقية.
۱۷	ثانثاً: الرمز المنطقي في العصور الوسطى •
19	تعقيب،
41	المبحث الثاتي: الرمز المنطقي من ليبنتز حتى فريجة .
41	تمهید:
71	أولاً: الرمز المنطقي عند ليبنتز
44	ثانياً: الرمز المنطقي عند جورج بول
40	ثالثاً: الرمز المنطقي عند بيانو ٠
YY	رابعاً:الرمز المنطقي عند فريجة •
77	تعقیب:
70	المبحث الثالث: الرمز المنطقي بعد فريجة
70	٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
77	أولا: الرمز المنطقي عند رسل:
٣٧	ثانيا : الرمز المنطقي عند لويس.
٤.	ثالث الرمز المنطقي عند لوكاشيفتش.
٤١	رابعاً: الرمز المنطقي لدى هلبرت

٤٣	خامساً:الرمز المنطقي عند كل من بوركوفسكي و تشيرش
٤٣	ا ـــ الرمز المنطقي عند بوركوفسكي
٤٤	ب ــ الرمز المنطقي عند تشيرش
٤٧	تعقیب:
01	الخاتمة،
00	قائمة المصادر والمراجع ٠
71	محتويات البحث،





مطابع الولاء الحديثة المابع الولاء الحديثة المابع الولاء الحديثة المابع الولاء الحديثة المابع الولاء المابع المابع المابع المابع المابع المابع المابع الولاء المابع المابع